数値流体解析による二箱桁断面橋梁の耐風安定性の検討

Computational Fluid Dynamics Analysis for Wind stability of 2-box girder bridge

川崎 貴之*・樽川 智一**・佐藤 亮*・平野 廣和***・佐藤 尚次****

Takayuki KAWASAKI, Tomokazu TARUKAWA, Akira SATO, Hirokazu HIRANO and Naotsugu SATO

* 中央大学大学院理工学研究科土木工学専攻 (〒112-8551 東京都文京区春日 1-13-27)

**修士 (工学) 神奈川県庁 (〒231-8588 神奈川県横浜市中区日本大通 1)

(研究当時: 中央大学大学院理工学研究科土木工学専攻)

***工博 中央大学総合政策学部 教授 (〒192-0393 東京都八王子市東中野 742-1)

****工博 中央大学理工学部 教授 (〒112-8551 東京都文京区春日 1-13-27)

In general, it is said that the bridge in 2-box girders is excellent in the wind-resistant stability. However, the wind-resistant performance is changed by the difference between the additional materials. In this paper, the difference of the aerodynamics forces and the flow field by the presence of the wind-resistant stabilization material is calculated quantitatively and qualitatively by using computational fluid dynamics (CFD). Furthermore, the vibration-generating mechanism and the wind-resistant performance improvement factor is examined, and the effectiveness of the wind stabilization material added to 2-box girder bridge is suggested.

Key Words: CFD, aerodynamics forces, 2-Box Girder, wind-resistant stability

1. はじめに

20 世紀に本州四国連絡橋建設で培われて来た長大橋技術が, 21 世紀の今日に十分に伝承されていないとの指摘がなされている. 一つの解決策として, 次世代海峡横断道路プロジェクトなどの実現を検討することも考えられる. ところで, 橋梁に用いる材料強度の向上, 新たな制振機構の開発などに代表される新技術の蓄積によって, 長大橋さらには超長大橋の架設が可能となってきた. この実現のためにも, 従来よりも高い耐風安定性と経済性を両立した長大・超長大橋梁の断面形状が求められることになる.

長大・超長大橋の耐風安定性断面の開発には, フラッター性能の向上が必要不可欠な課題である. フラッター性能の向上に関しては, 従来から断面形状やガイドベーン, センターバリア等の付加物の種類をパラメータとした風洞実験による検討が行われてきた^{1)~5)}. これらの検討から, 二箱桁断面は耐風安定性に優れた断面ではあるが, 付加物の微妙な違いで耐風性が敏感に変化することが指摘されている. さらに空力特性に与える影響については, 不明確な点が多く, 十分な解明がなされていない. この背景

には, 長大・超長大橋に用いられる箱桁断面が比較的偏平であることから, 付加物の影響も含め平板翼理論のような理論解析の適用は難しいことにある. このため, 各種付加物の付加による耐風性の検討は, 風洞試験により試行錯誤的に決定されているのが現状であり, 断面改良の余地が残されている.

一方, 計算機性能の向上に伴って, 数値流体解析 (CFD: Computational Fluid Dynamics) が大きな進歩を遂げ, 今後も更なる解析技術の発展が見込まれている. 従来の研究では, 橋梁断面の流れ解析においても 3 次元解析が必要であることが論じられている. これは, 2 次元解析ではスパン方向の変動に起因するエネルギー散逸を考慮できないことから, 剥離渦を強めに評価してしまうことによる^{6), 7)}. 今後は, 詳細な検討を行う場合には, 3 次元解析を用いた研究が主流になることは間違いない. しかし, 橋梁設計実務の観点から CFD の利用を検討すると, 3 次元解析は計算機能力, コストパフォーマンスを加味すると未だ設計者が自由に行えないのが現状である.

このような背景から, 本研究では CFD を用いることで, CFD と風洞実験の相互利用により断面開発のコストダウンを計るための一つの方法を提案する. さらに, 物理量の可視化等により, ここで生じてい

る現象の把握を行い、二箱桁断面橋梁での耐風安定化部材の有無による静的空気力や流れ場の相違等を定量的・可視的に評価する。そして、振動の発生原因の特定や耐風性能の向上要因を明らかにするとともに、二箱桁断面橋梁での耐風安定化部材の有効性を示唆することを目的とする。なお、本研究では特に風洞実験を行う前の検討段階での CFD の利用を前提とし、かつ定量的な把握を目的とするので、前述の通り 3 次元解析を行う必要があることを認識しつつ、精度上問題があることを十分に承知した上で、短時間でかつ簡単に解析を行うことができる 2 次元解析をあえて選択する。さらに、2 次元解析で何処まで現象を再現できるか、その適用性に関しても検討を行うものである。

2. 解析概要

2.1 基礎方程式

流れ場の支配方程式は、非圧縮 Navier-Stokes 方程式を用いる。

$$\rho \left(\frac{\partial u}{\partial t} + u \cdot \nabla u \right) - \nabla \cdot \sigma(p, u) = 0 \quad \text{on } \Omega \quad (1)$$

$$\nabla \cdot u = 0 \quad \text{on } \Omega \quad (2)$$

ここで、 u は流速、 p は圧力、 ρ は密度、 Ω は境界である。また、 σ は応力テンソルであり、次のように定義される。

$$\sigma(p, u) = -pI + 2\mu\epsilon(u), \quad \epsilon(u) = \frac{1}{2}(\nabla u + (\nabla u)^T) \quad (3)$$

ここで、 μ は粘性係数、 I は単位テンソルである。

2.2 乱流モデル

乱流モデルを適用することにより非圧縮 Navier-Stokes 方程式はレイノルズ平均され、非定常の流れ場に対して、アンサンブル平均を施して物理量を時間平均的に求められる。また、応力テンソル $\sigma(p, u)$ は式 (4) で表わされる。

$$\sigma(p, u) = -p'I + 2(\mu + \rho\nu_t)\epsilon(u), \quad p' = p + \frac{2}{3}\rho k_t \quad (4)$$

ここで ν_t は渦動粘性係数であり、乱流モデルにより求まる。本研究では、RANS の SA モデルを採用し ν_t を求める。また、 k_t は乱流エネルギーであり圧力項に換算圧力 p' として k_t を含めて扱うことができるため陽には表れない。

本研究で用いる SA モデル^{8),9)}は、乱流粘性係数に関する方程式を解いて乱流係数を求めるモデルである。航空関係の CFD で解析精度の点で評価の高いモデルであり、本研究の様に比較的偏平な断面を扱うには適していると考えられる。しかし、断面辺長比の小さい断面などの解析では、計算の安定性の点で他の乱流モデルよりも劣る場合があり、解析にはある程度の経験を有することが指摘されている⁸⁾。

これに対して、SA モデルを偏平な橋梁断面回りの流れに適用した研究としては、川本ら⁹⁾の研究がある。1 箱桁断面では有効性が示されているが、2 箱桁断面では開口部の格子解像度の問題があり、実験値との対応すべき結果が得られていない。本研究では、この点を十分考慮した要素分割解像度を行うこととし、渡邊ら⁷⁾の 3 次元解析の研究で行われた 2 箱桁断面の分割を参考にする。

2.3 解析手法

数値流体解析には、丸岡ら¹⁰⁾が提案している IBTD/FS 有限要素法を適用する。これにより、運動方程式(1)は IBTD 法、連続式(2)は FS 法により離散化される。本手法では、流速と圧力は分離して求め、それぞれ陰的に解くことになるが、代数方程式の行列が対称となる特徴を有するため、対称行列用の代数方程式の解法のみで解析することができる。

2.4 解析条件

本研究で用いた 3 種類の断面形状を図-1 に示す。ここで断面①は、断面辺長比 $B/D=4$ (B : 桁幅, D : 桁高) と開口部幅 $4D$ を組合せた二箱桁であり、本研究ではこの断面を基本とする。断面②は、断面①にフェアリングを付加 (基本断面+フェアリング) したものであり、断面③は、断面②にセンターバリアを付加 (基本断面+フェアリング+センターバリア) したものである。ここでの断面②、③は、出野らの研究グループ⁵⁾が明石海峡大橋を超える長大橋を想定して行った風洞実験断面である。本研究ではこの断面での風洞実験結果と比較することを目的とし、風洞実験モデルと同一の寸法を用いてモデル化を行っている。

表-1 に解析条件を、図-2 に解析領域を示す。解析領域は風上側断面から前方は 11.5D、風下側断面から後方は 23.5D、側方は 11.0D である。境界条件は、流入境界で無次元流速である一様流速 1.0、流出境界は移流境界条件とする。また、側方で slip、物体周りで no-slip である。

解析する迎角は、迎角 $\alpha=0^\circ$ を中心に $-10^\circ \sim 10^\circ$ の間を迎角 1° ピッチで行う。

3. 解析結果

3.1 静的空気力係数

各断面における静的空気力特性を検討する。図-3に静的空気力係数の実験値⁵⁾との比較を示す。なお、断面③の実験値は、検査車レールが付加された形状であるが、本研究では、これを考慮していない。

図-3(a)に示す平均抗力係数に着目すると、断面②、断面③は断面①に比べ、迎角を増加させても抗力が低く抑えられていることから、抗力低減効果のある断面であることがわかる。

図-3(b)に示す平均揚力係数では、迎角 $\alpha=5^\circ\sim6^\circ$ において、断面①は負勾配になっているため、振動現象発生の可能性が推測される。一方、断面②および断面③は、同迎角付近において勾配は緩やかになるが、負勾配になっていない。これにより、断面②、断面③が振動現象発生の起振力抑制に効果があると予想される。

図-3(c)に示す平均空力モーメント係数に着目すると、断面②の空力モーメント係数は、迎角 $\alpha=4^\circ$ を越えると断面①のそれよりも大きな値を示している。これに対して、断面③では空力モーメント係数の勾配は、迎角を大きくしても断面②より小さく抑えられているのがわかる。これらは、図-3 (b)の揚力係数にも同様な傾向を見ることができる。揚力係数及び空力モーメント係数が緩やかな正勾配を有する断面は、耐風性に優れた断面の特徴であることから、これを考慮すると断面②に比べ断面③のほうが耐風安定性に優れた断面形状であることが考えられる。これより、フェアリングとセンターバリアを同時に付加することで、振動現象を発生させる空気力の低減効果を期待できる可能性が高い。

また、断面②の静的空気力係数の値と風洞実験結果⁵⁾との比較に関しては、迎角 $\alpha=4^\circ$ を超えると徐々に乖離が見られる。しかし、基本設計での検討段階で扱われることの多い迎角範囲内($\pm 3^\circ$)においては、ほぼ遜色ない精度が得られている。このことから、開口部の要素分割数を十分にとることで、基本設計での検討段階における二箱桁断面の2次元解析が、適用できることが考えられる。一方、断面③では小迎角領域においても実験値との乖離がみられる。これはセンターバリア付近での大規模な剥離を伴う現象には、RANSのSAモデルは適さないことが考えられ、乱流モデルの変更や3次元解析への移行が必要である。

図-1 断面形状

表-1 解析条件

断面形状	断面①	断面②	断面③
Reynolds数	$Re=3.0 \times 10^4$	$Re=3.0 \times 10^4$	$Re=3.0 \times 10^4$
時間増分	$\Delta t=0.01D/U$	$\Delta t=0.01D/U$	$\Delta t=0.005D/U$
最小要素幅	0.00035D	0.00035D	0.00035D
総節点数	58801	43119	46878
総要素数	58264	42724	46460

図-2 解析領域

(a) 平均抗力係数

(b) 平均揚力係数

(c) 平均空力モーメント係数

図-3 静的空気力係数の実験値⁵⁾との比較

瞬間圧力コンター図

時間平均流線図
断面①

瞬間圧力コンター図

時間平均流線図
断面②

瞬間圧力コンター図

時間平均流線図
断面③

図-4 最大揚力時の瞬間圧力分布と時間平均流線

1/4 周期

2/4 周期

3/4 周期

4/4 周期

断面①

1/4 周期

2/4 周期

3/4 周期

4/4 周期

断面②

1/4 周期

2/4 周期

3/4 周期

4/4 周期

断面③

図-5 揚力 1/4 周期毎の各断面の圧力分布

図-6 Strouhal 数 S_t の迎角変化

3.2 流れ場の状態

(1) 瞬間圧力と時間平均流線の比較

図-4 に、三つの断面における迎角 $\alpha=0^\circ$ での最大揚力時の瞬間圧力分布図および揚力変動 1 周期分における時間平均流線図を示す。

瞬間圧力分布図から断面①では風上・風下断面前縁で負圧となる剥離バブルが大きく、風下断面前縁での圧力変動が激しい。また、開口部・風下断面後流にて渦の発生が見られる。平均流線図からは剥離後の流線は大きく断面から剥がれているのがわかる。

断面②に関しては圧力分布図より、風上・風下断面前縁での剥離バブルが断面①に比べて小さく、かつ風下断面前縁での圧力変動も小さく抑えられている。これは時間平均流線図からわかるように、断面①では風上断面前縁部で剥離した流線は大きく断面から離れた後、再付着するが、断面②ではフェアリングを風上断面前縁部と、風下断面後縁部に付加することで、流線が断面に沿うような流れとなり、剥離後すぐに再付着したためだと考えられる。それに伴い再付着位置が断面①と比較して前方へと移動し、風下断面後流での渦発生は見られなくなり、開口部での負圧となる渦の規模も小さく抑えられている。これより、フェアリングを付加することによって、剥離バブルからの渦を軽減でき、断面前後での圧力差が小さくなり、抗力を低減させていると考えられる。

断面③に関しては圧力分布図より、断面①・断面②でみられた風下断面前縁での圧力変動が抑制できている。これは時間平均流線図より、センターバリアを付加することで、風下断面の上下側面に流れが再付着するためである。風下断面での圧力変動を低減できたため、圧力分布がセンターバリア周りにのみ集中する結果と

なり、空力モーメント低減に寄与していると考えられる。このことが図-3 における断面③の揚力、空力モーメントの勾配を低減させた要因だと考えられる。

(2) 圧力分布の変化

図-5 に迎角 $\alpha=0^\circ$ 時の各断面の揚力係数 1 周期分の 1/4 周期毎の各断面の圧力分布図を示す。

断面①では開口部および風下断面後流にて渦の発生が見られる。また、1/4 周期時に風下断面前縁部で見られる剥離バブルが、2/4 周期時には剥離渦となり断面後方へと流れているのが見てとれる。そして 3/4 周期時にはさらに後方へと流れ、4/4 周期時には断面後流の渦と結合している。1/4～4/4 周期の風上断面周りと風下断面周りの圧力変動を比較してみると、風下断面のほうが大きい。これより、空気力の発生に風下断面が大きく寄与していると思われる。

断面②では 1/4 周期時の風下断面前縁での剥離バブルは断面①と比較して小さいのがわかる。2/4 周期時・3/4 周期時に剥離バブルは断面①と同様に後方へと流れていくが、4/4 周期時には剥離渦が消えているのがわかる。これはフェアリングを付加することで、流れがスムーズになったことで、初期の剥離バブルを小さく抑えられたことが原因だと考えられる。また、1/4～4/4 周期の風上断面周りと風下断面周りの圧力変動を比較してみると、断面①同様に風下断面の変動が大きい。このことから、断面②も空気力の発生には風下断面の影響が寄与していると考えられる。

断面③では、1/4 周期時にはセンターバリア直後に大きな負圧が見られ、2/4 周期時には後方へと流れている。3/4 周期時・4/4 周期時には風下断面側面上を渦が後方へと流れている。このことから、センターバリアの形状によっては風の受動面積が増え、センターバリア後流の負圧が大きくなることが考えられる。また、1/4～4/4 周期の風上断面周りと風下断面周りの圧力変動を比較すると断面①・断面②と異なり、風下断面より風上断面の圧力変動が大きいことが定性的にわかる。この原因は前述したようにセンターバリアの付加により、風下断面の再付着点が前縁から側面に変化したことに起因すると思われる。つまり、センターバリアを付加することで、断面③の空気力発生は風上断面が寄与するように変化したと思われる。

図-7 S_t の変化前後の時間平均流線

3.3 Strouhal 数 S_t の変化点

図-6 に Strouhal 数 S_t と迎角の関係を示す。ここで S_t は、揚力係数の変動成分より卓越周波数を算出して求めたものである。各断面で S_t の状態は異なり、断面①では迎角 $\alpha=6^\circ$ を境に急激に変化している。迎角 $\alpha=6^\circ$ で断面①は、 $S_t=0.122, 0.049$ の2つの卓越する S_t が見られ、風上断面では前者が、風下断面では後者が卓越しており、迎角 $\alpha=6^\circ$ が流れのパターンの変化する境界だと考えられる。また、断面②では

$\alpha=2^\circ \sim 6^\circ$ にかけて徐々に変化し、断面③では $\alpha=3^\circ \sim 5^\circ$ にかけて変化している。

各断面の S_t の変化前後の時間平均流線図を図-7 に示す。 S_t の変化は図-7 より再付着点の変化に起因しており、断面①に関しては、 $\alpha=6^\circ$ を境に、再付着位置が断面上面から断面後面へと変化している。また、断面②に関しては、迎角 $\alpha=2^\circ \sim 6^\circ$ にかけて再付着点が断面後方へと移行し、風上断面後面、風下断面フェアリング部に変化している。断面③ではセンターバリア上端で剥離した流れの再付着位置が風下断面側面からフェアリング部へと移行し、センターバリア下部で剥離した流れの再付着位置が風下断面側面から前面へと変化している。

しかし、図-7 の断面① ($\alpha=7^\circ$) の時間平均流線図をみると、再付着位置が時間平均的にはあるが、断面の後面に再付着しており、平野ら⁶⁾ の1:4角柱の3次元の解析結果とは異なることから、実現象の再現には至っていないと判断する。この原因として考えられることは、本研究手法の乱流モデルに RANS の SA モデルを採用したためと思われる。流れの状態が変化する領域において、RANS の SA モデルを用いた2次元解析の実験値との乖離は田高ら⁸⁾ によっても報告されており、本研究手法では、迎角が大きくなり剥離の影響が強くなる領域での流れ場の再現精度が低いと思われる。

4. おわりに

本研究では、海峡横断道路プロジェクトに代表される長大・超長大橋を想定し、検討段階での CFD の利用を検討してきた。これにより、試行錯誤的に行われてきた風洞実験の実験回数を減らすことができるとともに、付加物の形状変化にも柔軟に対応できることから、経済的な断面開発とコストダウンを計ることが可能となる。事例として耐風安定性に優れた断面ではあるが、付加物の微妙な違いで耐風性が敏感に変化することが指摘されている二箱桁断面を取り上げ、付加物の組み合わせによる静的空気力係数の変化と流れ場の状態変化を定量的に検証した。本研究のまとめを以下に記す。

- (1) 空気力係数の解析値と風洞実験値との比較より、断面③では若干の乖離がみられるが迎角 $\pm 3^\circ$ の範囲内においては、定性的に現象を把握できた。これより、開口部の要素分割数を十分とることで、二箱桁断面の2

次元解析が、基本設計の検討段階において適用できると考えられる。

- (2) フェアリング付加により、剥離後の流れが断面に沿うようスムーズに流れ、このことが剥離渦の発生抑制につながると考えられる。その結果、抗力低減効果がみられる。
- (3) フェアリング・センターバリア同時付加により、風下断面の側面に流れの再付着点が変わるため、風下断面での圧力変動が緩和される。これにより揚力・空力モーメントが低減し、フェアリングのみ付加の場合に比べて耐風安定性を増している。
- (4) 断面①、断面②では圧力変動の大きい風下断面が空気力発生に寄与し、断面③ではセンターバリアを付加することで、風下断面周りの圧力変動を小さく抑えられ、風上断面が空気力発生に寄与している傾向がみられる。
- (5) 流れの再付着点変化に伴う流れのパターン変化の検討より、剥離の影響が大きくなる高迎角領域では、2次元解析での流れの場の再現精度は低い。

ところで本研究は、空気力の定量的な検討には小迎角の範囲では有効であるが、振動の発生原因や耐風性能向上の要因の明確な特定といった定性的な検討においては課題がみられる。第一の検討課題として、付加物の形状による空気力・流れ場の変化にも着目し、小迎角範囲で動的解析により振動状態にある断面への耐風安定化部材の有効性、空気力低減のメカニズムの検証をおこなっていくことである。第二には、計算時間、コスト等々多々の問題はあるもののLESに基づく3次元解析を検討し、より実現象に近い流れ場の再現を目指していくことである。

謝 辞

本研究を行うに際し、八戸工業高等専門学校 丸岡晃准教授の協力と貴重な助言を得た。ここに記して感謝の意を表す。最後に、本研究の一部は(独)日本学術振興会科学研究費・基盤研究(C)及び中央大学理工学研究所共同研究助成の給付を受けたことを付記する。

参考文献

- 1) 佐藤弘史, 萩原勝也, 松藤様照, 鳥海隆一, 日下部毅明, 嶋本英治, 星加益朗: 開口部付箱桁を有する超長大橋の耐風性に関する検討, 第14回風工学シンポジウム論文集, pp.407-412, 1996.12.
- 2) 佐藤弘史, 萩原勝也, 横山功一, 松藤様照, 嶋本英治, 星加益朗: 開口部を有する偏平箱桁の非定常空気力特性に関する考察, 構造工学論文集, vol. 44A, pp.937-942, 1998.3.
- 3) 佐藤弘史, 楠原栄樹, 大儀健一, 北川信, 伊藤進一郎: 超長大橋の一樣流中における耐風性, 第16回風工学シンポジウム論文集, pp.351-356, 2000.11.
- 4) 松本勝, 白土博通他: 鉛直板付き分離箱桁のフラッター特性, 第18回風工学シンポジウム, pp.311-316, 2004.12.
- 5) 出野麻由子, 吉住文太, 井上浩男: 付加物を有する二箱桁断面における耐風安定性の検討, 構造工学論文集, Vol.53A, pp.643-641, 2007.3.
- 6) 平野廣和, 渡邊茂, 丸岡晃, 佐野健一: 断面辺長比4の矩形断面の空力特性に関する2次元・3次元数値流体解析, 土木学会論文集 Vol.598/I-44, pp.401-411, 1998.7.
- 7) 渡邊茂, 丸岡晃, 井上浩男: フェアリングを有する箱桁断面に作用する静的空気力の数値流体解析による検討, 第17回風工学シンポジウム論文集, pp.219-224, 2002.12.
- 8) 田高真人, 天間祐輔, 丸岡晃: 数値流体解析による断面辺長比4の矩形断面の空力応答特性に関する検討, 応用力学論文集 Vol.8, pp.783-792, 2005.8.
- 9) 川本英樹, 吉田秀則, 尾立圭巳: 橋梁断面の静的空気力の2次元非定常乱流解析, 第16回風工学シンポジウム論文集, pp.191-196, 2000.12.
- 10) 丸岡晃, 太田真二, 平野廣和, 川原陸人: 同次補間を用いた陰的有限要素法による非圧縮性粘性流れの解析, 構造工学論文集, Vol.43A, pp.383-394, 1997.3.

(2008年4月14日 受付)