レーザー核融合ロケットの設計

中 島 秀 紀, 庄 山 英 俊, 神 田 幸 則

(九州大学総合理工学研究科)

(1991年3月15日受理/1991年7月12日改訂原稿受理)

Design Study of Laser Fusion Rocket

Hideki Nakashima, Hidetoshi Shoyama and Yukinori Kanda

(Received March 15, 1991/Revised Manuscript Received July 12, 1991)

Abstract

A design study was made on a rocket powered by laser fusion. Dependence of its flight performance on target gain, driver repetition rate and fuel composition was analyzed to obtain optimal design parameters of the laser fusion rocket. The results indicate that the laser fusion rocket fueled with DT or D^3He has the potential advantages over other propulsion systems such as fission rocket for interplanetary travel.

Keywords :

rocket, laser fusion, DT, D^3He , target gain, driver repetition rate,

1. 序論

「2019年の月面着陸50周年までに、火星に人類を送る。」-1990年5月、ブッシュ米大統領は宣言した。国家宇宙評議会(NSC)や航空宇宙局(NASA)等により、具体的な計画作りが進められている。また、ソ連でも2010年ごろ有人火星探査を実施する長期構想がある。これは、いよいよ宇宙開発時代の本格的到来を告げるものであり、人間が地球から活動領域を広げていこうとする具体的な第一歩を目指すものである。

火星は、人類が地球圏外へ進出し定住することができる唯一の天体である。火星の大気には、二酸化炭素が豊富に存在し、地下には水が凍結した状態で存在する。また、地球人にとって、次の住居地となるばかりでなく、ここでの経験は、他の惑星の探査、開発に重要なものとなるであろうし、前哨基地の役目も担うであろう。

従来の化学ロケットでは、基地や居住地を建設するために必要な何百 ton もの資材等を運搬するには適

図1-1. 核融合ロケット概観図.

図1-2. 推力発生メカニズム.

していない。そこで考えられるのが、慣性核融合ロケット (IFR) である。ロケットの推進システムとして核融合を利用した場合、エネルギー密度が高いために、従来の化学ロケットと比較してより多くの推力を得ることができる。推進材の排出速度は、 10^7 m/sec 程度であり、比推力 (排出速度を重力加速度で割った値) は、 10^6 sec となる。この値は、化学ロケットと比較して、2000倍程度であり、これによってペイロードの割合が多くとれる等の利点を持っている。IFR は、2020年代の火星基地の本格的建設には是非必要な高速ロケットである。

核融合ロケットの概観は、図1-1に示すようなものが考えられている¹⁾。核融合ロケット推進システムについて簡単に説明する。図1-2に、推力発生メカニズムを、また図1-3に質量とエネルギーの流れを示した。まず、核融合燃料ターゲットをIFRの後方に射出する。ターゲットがある地点に達したときにレーザーより照射を受け、そのエネルギーによって核融合反応

図1-3. 質量とエネルギーの流れ図。

を生じさせる。核融合反応が起こると反応のエネルギーによってターゲットは高エネルギーのプラズマとなって一様に広がる。このプラズマが、コイルによって生じた強い磁場によって方向を変えられ、IFRの後方に放出されることによって推力を得る。また、核融合で生じたエネルギーの一部は、ピックアップコイルと呼ばれる磁場内におかれたコイルによって取り出さ

れ、レーザーに供給され、次の核融合反応を引き起こすために使われる。

本研究では、核融合ロケットの性能に対するターゲットゲイン等の依存性を検討することを主目的としている。そのためには、まず、ロケットのパワープラント重量を求める必要があるので、核融合ロケットの各コンポーネントについての設計を行う。

本論文の構成は、2章で核融合ロケットのコンポーネント設計、3章でロケットの性能計算、4章で結論となっている。

2. 核融合ロケットのコンポーネント設計

2-1 ターゲット

核融合ロケットは推力を得るために、プラズマと磁場の相互作用を利用する。また次のレーザーショットの為、やはり磁場との相互作用（電磁誘導）を利用し、電力を取り出す。従って、ターゲットは核融合出力、とりわけ荷電粒子の出力が大きいものが要求される。

D^3He あるいはDD燃料をターゲットに利用すれば、核融合出力のうち荷電粒子の割合は大きい。しかし、燃料を点火・燃焼させる為の爆縮に要求されるエネルギーは大きいことが予想され、ここで考える5MJのレーザーエネルギーでは、点火・燃焼が困難である。

表2-1. 核融合燃料の性能

Target	D^3He	DD	DT
Gain	250	250	1500
核融合エネルギー中の荷電粒子割合 α_p	0.90	0.60	0.25
中性子割合 α_n	0.01	0.25	0.60
輻射割合 α_x	0.09	0.15	0.15

一方、DT燃料では、表2-1に示すように、核融合出力の中で荷電粒子の占める割合はせいぜい（ターゲット中での中性子加熱の効果を考慮しても）25%程度であり、 D^3He の90%、DDの60%などと比較すると小さい²⁾。しかし、点火は容易であり、最終的に利用できる荷電粒子のエネルギーは大きいものが期待される。従って、ここではゲイン（核融合出力／レーザーエネルギー）をG、荷電粒子の核融合出力中での割

合を α_p とすれば、 $G \times \alpha_p$ の大きいものが望ましく、これが燃料選択の際のメリットの指標となり、DT 燃料が、この値がいちばん大きいと期待される。

最近、月面に ^3He が豊富に存在することが発見された。また、その ^3He を採取し、核融合燃料として利用することも考えられている。上に述べた様に D^3He 反応を利用すれば、荷電粒子の割合は増加する。従って、DT 燃料に $G \times \alpha_p$ の指標を最大化する様に D^3He 燃料を添加することも考えられる。

次にターゲットの構造を考えてみよう。核融合ロケットでは、推力を増大させる目的で、核融合燃料の周囲に推進材をおき、核融合エネルギーで、この推進材もプラズマ化する。核融合出力 P を一定とすれば、推力 T は

$$T = mv = (2mP)^{1/2} \quad (2-1-1)$$

と表せる。ここで m は燃料+推進材の重量である。核融合燃料のみでは、数十 mg であるが、推進材もプラズマ化することにより、 m が増大し推力も増加する。但し、推進材を大きくすれば、それをプラズマ化するためのエネルギーも大きくなる。例えば水素を推進材として用いると、そのイオン化エネルギーには、 $I=13.6\text{eV}/\text{原子}$ が必要である。従って固体水素 1 g の場合 1.31MJ/g のエネルギーが必要となる。イオン化すなわちプラズマ化しなければ、磁場と相互作用せず推力へ利用できないことになる。実際にどの程度の推進材がイオン化するかは、状態方程式 (EOS) や原子過程を組み込んだコードでシミュレーションを行い、確認しておく必要がある。

図2-1 ドライバーエネルギーに対する核融合ペレットゲイン図。

上に述べた様に、核融合燃料の回りに推進材を配置することになれば、直接照射型よりもむしろキャノンボール (間接照射) 型のターゲットが有望であろう。推進材でキャビティ (空洞) をつくりその中心にターゲットを配置し、レーザー光は推進材中にあけられた孔を通してキャビティに導入される。このターゲットを利用する場合の欠点は、ターゲット構造が複雑になり、直接照射ターゲットに比較して、より高度のターゲット制作技術が要求されること、また X 線放出のための Au などの余分な材料が必要であり、ターゲット重量を増加させることにある。

また、ゲインであるが、等圧モデルにより概算することができ、それを図2-1に示した³⁾。ここでは、レーザーエネルギー5MJ に対して、ゲインを1500, 1000, 500の場合について検討する。

2-2 燃焼室

2-2-1 磁場強度⁴⁾

核融合によって生じたエネルギーは、プラズマ、輻射、そして中性子の形で放出される。そのうちプラズマは、磁場によってその運動方向を変化させることにより、推力を得ることができる。磁場は、超電導コイル (SCM) によって生成される。コイルと核融合爆発点の体系は、図2-2の様に設計する。

IFR 構造物にプラズマ片が衝突せずに、その方向を変えるような磁場強度が必要である。ここでは、核融合爆発点の周りの磁場強度は、一様であると仮定して求める。すなわち、(磁場のエネルギー) = (プラズマのエネルギー) となる磁場強度が、最低限必要とされる。爆発点での磁場強度を B_0 とすれば、上の式は

$$\frac{B_0^2}{2\mu_0} \times \frac{4\pi}{3} \times (0.8s)^3 = \alpha_p \times E \times G \quad (2-2-1)$$

と表せる。ここで、 s は核融合爆発点からコイルまでの距離であり、プラズマはこの距離の 8 割程度まで広がるものとした。残りの 2 割は、SCM 防護のための中性子遮蔽等に用いられる。また、 μ_0 は真空の透磁率、 α_p は核融合エネルギー中で荷電粒子の占める割合、 E はドライバーエネルギー、 G はペレットゲインである。核融合爆発点からコイルに近づくにつれて磁場強度は強くなるので、この式で求める磁場強度はかなり保守的な値となる。

2-2-2 超電導コイル^{4),5)}

このような磁場強度を静的につくり出すには、超電導コイルを用いれば容易である。超電導磁石用線材としては、NbTi, Nb₃Sn, V₃Ga の三種類が実用的であるが、高磁場強度内で高臨界電流密度をとる事ができる V₃Ga をここでは用いる。また、安定化材として Al を用い、複合構造とする。V₃Ga と Al の断面積比を 2 : 1 とする。V₃Ga の臨界温度は、約 16.8K であるので、冷却材として液体 He を用いる。構造は、バンドル導体型とし、線材は有効冷却面積を大きくするために、より線にし、容器におさめ、冷却材は素線の隙間を通す。液体 He 温度 (4.2K) 付近では、磁場強度を 10~20T とすれば、V₃Ga の臨界電流密度は、 $10^8 \sim 10^9$ (A/m²) となる。コイル素線 1 本 1 本には、絶縁材が張り付けられ、素線間の影響がでないようにさ

図2-2. 設計に用いる燃焼室の体系図.

れるが、コイルの体積の40%は冷却材や絶縁材によって占められ、残り60%をコイル素線と安定化材が占めるものとする。コイル電流 I_c 、コイル素線部の断面積 S_{csc} 、及びコイル重量 M_c は、次式により求める。

$$I_c = \frac{2B_0 s}{\mu_0} \quad (2-2-2)$$

$$S_{csc} = \frac{I_c}{J_c} \quad (2-2-3)$$

$$M_c = 2 \pi R_c S_{csc} \times \left(\rho_{V3Ga} + \frac{2}{3} \rho_{Al} \right) \quad (2-2-4)$$

ここで、 J_c はコイル素線部の臨界電流密度、 R_c はコイル半径、 ρ_{V3Ga} は V_3Ga の密度、 ρ_{Al} は Al の密度であり、 $R_c = 13m$ 、 $\rho_{V3Ga} = 6.1g/cm^3$ 、 $\rho_{Al} = 2.7g/cm^3$ を用いる。また、冷却材と絶縁材の重量は無視した。ピーク磁場強度が $18 \sim 19T$ となるような断面積 S_{csc} を決め、 J_c は臨界電流密度以下である必要がある。

2-2-3 コイルカン (容器)

コイルは、それ自身の作り出す磁場によって、外側へのローレンツ力を受ける。その力は、次式により求める。

$$F_{hoop} = \frac{1}{2} \mu_0 I_c^2 \left(\ln \frac{8R_c}{a_c} - \frac{3}{4} \right) \quad (2-2-5)$$

ここで、 F_{hoop} がコイルの受けるローレンツ力を表し、 I_c はコイル電流、 R_c はコイル半径、 a_c はコイル断面を円形として場合の断面半径を表す。このローレンツ力により、コイルはフープ応力を受けるが、コイルカンによって、そのフープ応力を吸収させる。コイルカンには、グラスファイバーを用いる。グラスファイバーの密度は $\rho_{gf} = 1.89g/cm^3$ であり、また使用応力として $\sigma_u = 330MPa$ を用いる⁶⁾。コイルカン断面積 S_{cc} 、重量 M_{cc} は次式で求める。

$$S_{cc} = \frac{F_{hoop}}{2 \pi \sigma_u} \quad (2-2-6)$$

$$M_{cc} = 2 \pi R_c S_{cc} \rho_{gf} \quad (2-2-7)$$

コイル表面には、核融合爆発の瞬間毎に、次式で表せるような渦電流が流れる⁷⁾。 $\nabla \times \mathbf{B} = \mu_0 \mathbf{i}$ より、

$$i = \frac{B_0}{\mu_0 \tau} \quad (2-2-8)$$

ここで、 i は渦電流の電流密度、 τ は渦電流の流れる表皮厚さであり、 τ は次式で求める。

$$\tau = \left(\frac{\rho_e t_{pc}}{\mu} \right)^{1/2} \quad (2-2-9)$$

コイルカンの表面に導電性のある薄膜を張り付け、そこに渦電流を流すようにする。薄膜として、SUSを用いる。SUSの体積抵抗率は、 $\rho_e = 20 \times 10^{-8} \Omega \cdot m$ である。この薄膜の重量 M_{SUS} は次式で求めることができるが、およそ 1ton 以下であり、パワープラント重量への影響は、ほとんど無い様なものと考えられる。

$$M_{SUS} = \rho_{SUS} \times 2\pi R_c \times \tau \times l \quad (2-2-10)$$

ここで、 ρ_{SUS} は SUS の密度、 l はコイル幅であり、 $\rho_{SUS} = 7.9 \text{ g/cm}^3$ を用いる。また、 $l = \sqrt{S_{csc} \times 15/4}$ で求める。重量への影響よりもむしろ、この渦電流によって生ずる熱損失の方が大事である。熱損失 (Q_{Eddy}) は、次式により求める。

$$\begin{aligned} Q_{Eddy} &= R \times I^2 \times t_{pc} \times f \\ &= \left(\frac{\rho_e \times 2\pi R_c}{\tau l} \right) \times \left(i \times \tau l \right)^2 \times t_{pc} \times f \end{aligned} \quad (2-2-11)$$

ここで、 t_{pc} はプラズマが磁場を押し広げる時間、 f は核融合周波数である。この熱損失は、輻射による加熱と比較すると 3桁程度小さいので、ここでは排熱については考えないが、あまりにも大きな値になった場合は考える必要がある。

2-2-4 輻射シールド⁴⁾

核融合エネルギーの一部は、輻射の形で放出される。低エネルギーの輻射は物質のごく表面で吸収される。この為、コイルシールドの表面には、低エネルギーの輻射に対して、長い平均自由行程を持つ Be を張り付ける。また、Be に比べ、機械的強度が高く、熱伝導率も高く、かつ低エネルギーの輻射に対する遮蔽

能力が劣らない BeO と, Be を交互の層 (Be/BeO) にし, Be 層と BeO 層の厚さの比を 1 : 5 とする.

シールドに入射してくる輻射の単位面積当たりのエネルギー Q_x は, 次の式で与えられる.

$$Q_x = \alpha_x \times E \times G \times f \times \frac{1}{4\pi S_x^2} \quad (2-2-12)$$

ここで, S_x は核融合爆発点からコイルシールド端までの距離であり, E はドライバーエネルギー, G はペレットゲイン, f は核融合周波数, α_x は核融合エネルギー中で輻射の占める割合である. Be の熱伝導率を K_{Be} (W/mK) とし, BeO の熱伝導率を無限大と仮定すれば, 輻射による Be/BeO 層の上昇温度は,

$$\Delta T = \frac{Q_x}{K_{Be}} \times \frac{t}{6} \quad (2-2-13)$$

となる. ここで, t は輻射シールド層の全厚である.

Be の融点は, 約1550K である. また, コイルシールドは約1500K で使用されるので, ΔT は約50K 以内におさえる必要がある. 従って, 全厚 t はせいぜい数 mm 程度となるので, 重量は計算していない.

2-2-5 中性子シールド⁴⁾

核融合爆発により生じる中性子は, LiH によりなる中性子シールドにより遮蔽され, コイルへの熱進入を抑える. コイルシールドの厚さ (l_{sh}) は, 次式により求める.

$$l_{sh} = \lambda_{LiH} \times \ln \frac{P_{in}}{P_{out}} \quad (2-2-14)$$

ここで, λ_{LiH} は, 中性子に対する LiH の平均自由行程, P_{in} はコイルシールドへ進入してくる中性子のエネルギー, P_{out} はコイルシールドから出ていくエネルギーである. ここでは, $P_{out} = 50W$ で計算を行う. P_{in} については, 次式で求める.

$$P_{in} = \alpha_n \times E \times G \times f \times \frac{\Omega}{4\pi} \quad (2-2-15)$$

ここで, α_n は核融合エネルギー中で中性子の占める割合, $\frac{\Omega}{4\pi}$ はコイルの占める立体角である. 中性子

シールドの重量は、次式で求める。ここで、シールドは図2-2の様にコイルを覆っているものとする。中心軸側にもシールドを設けたのは、反対側で散乱された中性子がコイルに侵入するのを防ぐためである。

$$M_{\text{csh}} = \rho_{\text{LiH}} \times 2\pi R_c \times S_{\text{csh}} \quad (2-2-16)$$

$$S_{\text{csh}} = l^2 + 2 \times l \times l_{\text{sh}} \quad (2-2-17)$$

S_{csh} は、シールドを含めたコイル断面積を表す。

2-2-6 排熱用ヒートパイプ (ラジエーター) ^{4),8)}

シールドに入射するエネルギーは、ヒートパイプを用いて放熱される。放熱されるべきエネルギーを Q 、ヒートパイプの長さを L 、直径を d 、本数を n としたとき、これらは次の方程式により求めることができる。

$$Q = (\alpha_x + \alpha_n) \times E \times G \times f \times \frac{\Omega}{4\pi} \times 2 \quad (2-2-18)$$

$$Nnd = 2\pi R_c \quad (2-2-19)$$

$$Q = Nn \times \frac{\pi d^2}{4} \times \frac{\lambda_a}{L^{1/3}} \quad (2-2-20)$$

$$Q = Nn \times \pi dL \times \lambda_R \quad (2-2-21)$$

ここで、 N は隕石防護係数⁸⁾、 λ_a はヒートパイプの軸方向熱流速、 λ_R はヒートパイプの単位表面積当たりの輻射率である。コイルシールドに用いられる LiH の解離温度は1220K であるので、ヒートパイプはそれ以上の温度で使用されなければならない。ここでは、1500K で使用するものとする。放射率を $\epsilon = 0.85$ とすれば、 $\lambda_R = 2.44 \times 10^5$ (W/m²) となる。また、ヒートパイプ内に使用する媒体を Li とし、液体部のヒートパイプ中に占める割合 (c) を半径比で0.02とすれば、 $\lambda_a = 1.46 \times 10^8$ (W/m²) となる⁸⁾。(2-2-18) 式の右辺の係数2 は、図2-2に示す様にシールドを含めるとコイルだけの2倍の立体角になるからである。

2-3 パワー・システム

2-3-1 ピックアップコイル⁴⁾

レーザーの励起等に用いられるエネルギーは、核融合爆発のエネルギーからピックアップコイルによって取り出される。プラズマが磁場を圧縮し、コイル内の磁束変化が起こり、コイルにはファラデーの電磁誘導により電流が流れる (図1-2参照)。ピックアップコイルにより得られるエネルギーは、次の方程式により求める。

$$V_{\text{plasma}} = \left(\frac{2 \times E \times G \times \alpha_p}{m_p} \right)^{1/2} \quad (2-3-1)$$

$$t_{\text{pc}} = \frac{R_{\text{pc}}/2}{V_{\text{plasma}}} \quad (2-3-2)$$

$$V_{\text{pc}} = \frac{\pi R_{\text{pc}}^2 B_0}{t_{\text{pc}}} \quad (2-3-3)$$

$$L_{\text{pc}} = \mu_0 R_{\text{pc}} \left(\ln \frac{8 \times R_{\text{pc}}}{a_{\text{pc}}} - \frac{7}{4} \right) \quad (2-3-4)$$

$$I_{\text{pc}} = \frac{V_{\text{pc}}}{(2\pi / t_{\text{pc}}) \times L_{\text{pc}}} \quad (2-3-5)$$

$$E_{\text{out}} = V_{\text{pc}} \times I_{\text{pc}} \times t_{\text{pc}} \quad (2-3-6)$$

ここで、 V_{plasma} はプラズマの速度、 E はドライバーエネルギー、 G はベレットゲイン、 α_p は核融合エネルギー中の荷電粒子が占める割合、 m_p はターゲット1個当たりの重量、 t_{pc} はプラズマが磁場を押し広げる時間、 R_{pc} はピックアップコイル半径、 V_{pc} は誘起電圧、 B_0 は体系内の磁場強度、 L_{pc} はピックアップコイルの自己インダクタンス、 a_{pc} はピックアップコイル断面半径、 I_{pc} は誘起電流、 E_{out} はピックアップコイルにより取り出されるエネルギーをそれぞれ表す。ピックアップコイルは、図2-2のようにコイルシールドの最も内端に配置する。断面構造は、図2-3の通りである。磁場が変化するのは、プラズマがピック

アップコイル半径の半分以上広がった時からとして、 t_{pc} を計算している。

ここで取り出すエネルギーは、レーザー照射等へ供給される。ドライバー出力エネルギーは $E=5.28\text{MJ}$ 、レーザー効率 $\eta=6\%$ であるので、1回のレーザー照射のために必要なエネルギーは、 $E/\eta=88.0\text{MJ}$ である。1回の核融合により取り出されるエネルギーが、次の核融合を起こすためのドライバーエネルギーを照射するためにすべて

図2-3. ピックアップコイル断面図。

て使われるとしても、1回の核融合により88.0MJは必要とされる。核融合エネルギー中で荷電粒子の占めるエネルギーのうち回収される割合は、せいぜい10%なので、ドライバーエネルギー5MJでDT燃料を用いた場合、 $\alpha_p=0.25$ なので、ゲインは約700以上必要となる。

ピックアップコイルに実際に電流が流れるのは、導電体表面のわずかな部分だけであり、その表皮厚さ δ

は、次式で表される⁷⁾。

$$\delta = \left(\frac{\rho_e t_{pc}}{\mu_0} \right)^{1/2} \quad (2-3-7)$$

導電体には、Nb を用いる。高温の Nb に対しては、 $\rho_e = 50.8 \times 10^{-8} (\Omega \cdot m)$ である⁴⁾。 t_{pc} は、 10^{-5} sec 程度が最大となるので、 δ は数 mm あれば充分である。

Nb 導体には電流が流れることにより次のようなジュール熱損失が生じる。

$$\begin{aligned} Q_{\text{loss}} &= RI^2 \\ &= \left(\frac{\rho_e \times 2\pi R_{pc}}{2\pi a_{pc} \times \delta} \right) \times I_{pc}^2 \times t_{pc} \times f \end{aligned} \quad (2-3-8)$$

この熱は、ピックアップコイル内部をヒートパイプの構造の一部にしコイル内部に Li を通すことにより排除される。

ピックアップコイルには、次式で表される外側へのローレンツ力が働く。

$$F_{pc} = I_{pc} \times B_0 \times \pi R_{pc} \quad (2-3-9)$$

この為、コイルは次のような応力を受ける⁹⁾が、コイル中心に配置する core によって吸収させる。

$$\sigma_{pc} = \left(\frac{F_{pc}}{\pi R_{pc} \times 2a_{core}} \right) \times \left(\frac{t_{pc}}{2a_{core}} \right) \times \left(\frac{E}{\rho} \right)^{1/2} \quad (2-3-10)$$

core には Nb 合金を用いるが、上記のコイルにかかる応力は、Nb の使用応力 (100MPa 程度) 以下に抑えなければならない。ピックアップコイルの重量は次式で表される。

$$M_{pc} = 2\pi R_{pc} \times \{S_{Nb} \times \rho_{Nb} + S_{Li} \times c^2 \times \rho_{Li} + S_{core} \times \rho_{core}\} \quad (2-3-11)$$

2-3-2 電送線⁴⁾

ピックアップコイルにより得られたエネルギーの輸送には、図2-4の様な断面構造をもつ電送線が用いられる。この線の単位長当たりの抵抗は、次式で与えられる。

図2-4. 電送線断面図.

$$\frac{R_{TL}}{L_{TL}} = \frac{\rho_e}{\pi \delta} \times \left(\frac{1}{d_{in}} + \frac{1}{d_{out}} \right) \quad (2-3-12)$$

δ は電流の流れる表皮厚さである。導体には Al を低温 (20K) で用いる。このとき、 $\rho_e = 3.3 \times 10^{-11} \Omega \cdot m$ である。 L_{TL} は電送線の長さであり $L_{TL} = 200m$ とし、 $R_{TL} I_{TL}^2 = 2.0kA$ となるように設定すれば、線 1 本当りの電流値

I_{TL} が与えられる。ピックアップコイルにより得られる電流 I_{pc} を輸送するのに必要な本数 (I_{pc}/I_{TL}) を配置する必要がある。重量は次式で与えられる。

$$M_{TL} = \rho_{TL} \times L_{TL} \times \frac{I_{pc}}{I_{TL}} \quad (2-3-13)$$

電送線にも熱損失が生じる。

$$Q_{loss}^{TL} = R_{TL} \times I_{TL}^2 \times t_{pc} \times f \times \frac{I_{pc}}{I_{TL}} \quad (2-3-14)$$

電送線は低温で使用されるので、この熱は除去されねばならない。熱除去は後述する冷凍系を用いて行う。

2-3-3 キャパシター・バンク⁴⁾

レーザー照射の為のエネルギーは、キャパシター・バンクに一時的に蓄えられる。これは、コンデンサーを並列に並べたものである。プレート (電極) 面積 A 、プレート間隔 d 、枚数 n とすれば、次の方程式が成り立つ。

$$C = \frac{\epsilon_0 n A}{d} \quad (2-3-15)$$

$$E_{st} = \frac{\epsilon_0 E_m^2}{2} \times nAd \quad (2-3-16)$$

$$V = E_m d \quad (2-3-17)$$

ここで、 C はコンデンサーの電気容量、 E_m は絶縁耐力であり、 $E_m = 100 \text{ MV/m}$ とする。 E_{st} は蓄えねばならないエネルギーであり、ドライバー出力エネルギー $E = 5.28 \text{ MJ}$ 、ドライバー効率 $\eta = 6\%$ とすれば、 $E_{st} \geq E/\eta = 88.0 \text{ MJ}$ である。 V は、コンデンサーの電位であるが、 V があまり大きいと、ピックアップコイルからのエネルギー取り込みが困難になる。従ってプレート間隔 d は 10 cm 程度が限界となる。コンデンサーに蓄えられたエネルギーは、 10 nsec のレーザー励起時間の間に、電子ビーム発生装置へ送られねばならない。プレート面積 A は、光の通過時間によって制限される。通過時間 $\tau_L = 30 \text{ nsec}$ 程度にすれば、 $A = (C_0 \times \tau_L)^2 = 81 \text{ m}^2$ となる。ここで、 C_0 は光速である。以上より、枚数 n も自動的に与えられる。コンデンサーの重量は、次式で与えられる。

$$M_{cap} = n \times A \times t_{cap} \times \rho_{cap} \quad (2-3-18)$$

ここで、 t_{cap} はプレート厚さで、 0.1 mm とし、 ρ_{cap} はプレートの密度で、 9.7 g/cm^3 とする。

2-4 ドライバー・システム

2-4-1 レーザー^{4),10)}

ICF用レーザーは、短波長であればあるほどターゲットの爆縮に好都合である。しかし、光学材料などの制限から実用上の大出力レーザーの発信波長としては、KrFレーザーの 248 nm という波長が最短であろう。

ターゲット入力値を 5 MJ 、増幅器 (KrF ガス) - ターゲット間の損失を 5% 程度とすると、レーザー出力は 5.25 MJ 必要となる。現在のレーザー開発目標は、1基当たり $100 \sim 300 \text{ kJ}$ なので 5.25 MJ を得るために 220 kJ の増幅器を24基用いる。

増幅器の体積当たりの取り出し可能エネルギーを 10 J/l とすると、1基当たりの体積は、 22 m^3 となる。また、ミラーの照射損傷を引き起こさない限界照射強度を 40 kJ/m^2 とすると、増幅器の断面積は、 5.5 m^2 となり、長さが 4 m と決まる。

KrF ガスと容器の重量は、それぞれ以下の式で求める。

$$M_{gas} = 24 \times \frac{P_L V_L}{R T_L} \times \rho_{gas} \quad (2-4-1)$$

$$M_{\text{wall}} = 24 \times (t_1 + t_2) \times (2 \pi R_L \times L_L + 2 S_L) \times \rho_{\text{wall}} \quad (2-4-2)$$

M_{gas} , M_{wall} がそれぞれ KrF ガスと容器の重量を表し, P_L はガスの内圧, V_L はレーザーガス体積, R は気体定数, T_L はレーザー使用温度, L_L は増幅器の長さ, S_L はその断面積, R_L は断面を円とした時の半径, ρ_{gas} はレーザーガスの密度, ρ_{wall} は壁材の密度である. $P_L = 1 \text{ atm}$, $T_L = 1500 \text{ K}$, $\rho_{\text{gas}} = 39.9 \text{ g/mol}$, $V_L = 22 \text{ m}^3$, $L_L = 4 \text{ m}$, $S_L = 5.5 \text{ m}^2$, $R_L = 1.32 \text{ m}$ を用いる. ここで, ガスは Ar ガス 100% と仮定した. レーザー容器は, 隕石が貫通してしまうと使用できなくなるので, 二重構造とする. t_1 , t_2 はそれぞれ容器の外壁, 内壁の厚さである. 材質は, Mo 合金とする. ($\sigma_u = 70 \text{ MPa}$, $\rho = 10.2 \text{ g/cm}^3$)

内壁厚さ t_2 は, 内圧により決定する.

$$t_2 = \frac{P_L R_L}{\sigma_u} = 1.9 \text{ mm} \quad (2-4-3)$$

外壁厚さ t_1 は, 隕石が内壁を貫通してしまわない様に防護できる厚さが必要である.

$$t_1 = \frac{t_2}{2.10} = 0.90 \text{ mm} \quad (2-4-4)$$

増幅器には, レーザーエネルギー以外に排熱されねばならない余分な熱が発生する. レーザー効率を η_L , ドライバー 1 基の出力を E_L とすれば, この熱は,

$$Q_L = \left(\frac{1}{\eta_L} - 1 \right) \times f \times E_L \quad (2-4-5)$$

である. この熱は, 増幅器の側面に配置されるヒートパイプ・ラジエーターを用いて排熱される. 増幅器と同様に, ヒートパイプも 1500 K で使用されたとする. ヒートパイプ本数 n , 直径 d , 長さ L , 増幅器内部に差し込まれる蒸発部長さを l とすると, 次の方程式が与えられる.

$$Q_L = 2 \pi d \times n N \times L \times \lambda_R \quad (2-4-6)$$

$$Q_L = 2 \times \frac{\pi d}{4} \times n N \times \frac{\lambda_a}{(L + l)^{1/3}} \quad (2-4-7)$$

$$n N d = L_L (= 4 \text{ m}) \quad (2-4-8)$$

$$l = \frac{Q_L / \lambda_{\text{con}}}{\pi d \times n N} \quad (2-4-9)$$

ここで λ_R は単位表面積当たりの輻射率, λ_a は軸方向熱流束, l は蒸発部の長さ, λ_{con} はレーザーガスと蒸発部の熱伝達係数である. 計算には $\lambda_{con}=2 \times 10^6 \text{W/m}^2$, $\lambda_R=2.44 \times 10^5 \text{W/m}^2$, $\lambda_a=1.46 \times 10^8 \text{W/m}^2$ を用いる.

蒸発部の長さ l がレーザー本体の半径を越えることが考えられるが, これは, 蒸発部にフィンをつけるなどの表面積を大きくする工夫をすることにより, 蒸発部の長さを短くおさえないといけない.

レーザー用ヒートパイプの重量は, 以下の式で与えられる.

$$M_{HP}=24 \times \rho_{wall} \times t_L \times \frac{Q_L}{\lambda_R} \quad (2-4-10)$$

$$M_{evap}=24 \times \rho_{wall} \times t_L \times \frac{Q_L}{\lambda_{con}} \quad (2-4-11)$$

$$M_{Li}=24 \times \rho_{Li} \times 2n \times \pi d \times \frac{cd}{2} \times (L+l) \quad (2-4-12)$$

ここで, M_{HP} , M_{evap} , M_{Li} はそれぞれヒートパイプ材, 蒸発部, ヒートパイプ内Liの重量を表し, ρ_{wall} , ρ_{Li} はそれぞれヒートパイプ材, Liの密度を表す. t_L はヒートパイプ壁の厚さであり, $t_L=0.75\text{mm}$ とする.

2-4-2 ミラー

レーザーをターゲットに照射するためには, 反射ミラーによって数回反射させ集光する必要がある. ミラーに照射損傷を引き起こさない照射強度 E_d を 40kJ/m^2 とするとミラー1基の面積は, $S_{mr}=E_L/E_d$ である. E_L はドライバ1基の出力エネルギーで 220kJ であるので, $S_{mr}=5.5\text{m}^2$ である. ミラーの総重量は次式で与えられる.

$$M_{mr}=24 \times \chi \times \rho_{mr} \times t_{mr} \times S_{mr} \quad (2-4-13)$$

ミラーにはAlを使用し, 厚さ $t_{mr}=1\text{cm}$ とする. χ はレーザーの反射回数で, ここでは4回と仮定する.

2-5 その他のコンポーネント

2-5-1 ベイロードシールド

核融合燃料としてDT燃料を用い, バレット中での中性子減速を考慮すると, 核融合爆発のエネルギーの内, 約6割は 14MeV 中性子のエネルギーとなる. 図2-5のように, 核融合爆発点より約200m離れた所に居住

図2-5. 設計に用いるペイロードシールド配置図。

区域 (Payload) を配置するが、コイル後方表面より居住区域まで何の遮蔽もしなかった場合、仮にペレットゲイン500、ドライバエネルギー5MJとすると、居住地域での中性子線量は、 $5 \times 10^7 \text{ rem/年}$ にもなる。従って、居住区域前方にシールド (Payload Shield) を配置する必要がある。居住地域における中性子線量は、次のようにして計算する。まず、コイルシールドへ入射する中性子のエネルギー束 E_{csh} を求める。

$$E_{\text{csh}} = \frac{\alpha_n \times E \times G \times f}{4 \pi L_{\text{sh}}^2} \quad (2-5-1)$$

ここで、 L_{sh} は核融合爆発点からコイルシールドまでの距離である。

中性子1個による壁面負荷 W_n は、文献11)では、 $W_n = 2.97 \times 10^{-11} \text{ (W/m}^2\text{)}$ である。よって、コイルシールドへ入射する中性子の個数 N_n は、

$$N_n = \frac{E_{\text{csh}}}{W_n} = 3.37 \times 10^{10} \times E_{\text{csh}} \quad (2-5-2)$$

となる。文献11)によれば、1m厚さの Li_2O 後方表面の14MeV中性子1個による線量当量は、 $3.62 \times 10^{-10} \text{ rem/時}$ で与えられる。コイルシールドに用いるのは LiH であるが、 LiH と Li_2O の遮蔽性能はほぼ同じであるので、これを利用すれば、コイル後方表面の中性子線量当量 S_{csh} は、次の式で与えられる。

$$\begin{aligned}
 S_{\text{csh}} &= 3.62 \times 10^{-10} \times N_n \times \exp \left(- \frac{l_{\text{sh}} - 1}{\lambda_{\text{LiH}}} \right) \\
 &= 12.2 \times E_{\text{csh}} \times \exp \left(- \frac{l_{\text{sh}} - 1}{\lambda_{\text{LiH}}} \right) \quad (\text{rem/時})
 \end{aligned} \tag{2-5-3}$$

ここで, l_{sh} はコイルシールド厚さ, λ_{LiH} は LiH の 14MeV 中性子に対する平均自由行程である.

さらに, この中性子は, コイルカンによっても減速される. 従って, コイル後方表面の中性子線量当量 S_{scm} は結局,

$$S_{\text{scm}} = S_{\text{csh}} \times \exp \left(- \frac{l_{\text{can}}}{\lambda_{\text{can}}} \right) \tag{2-5-4}$$

となる. ここで, l_{can} はコイルカン厚さ, λ_{can} はコイルカンの 14MeV 中性子に対する平均自由行程であって, 組成を仮に C100% とすれば, $\lambda_{\text{can}} = 6.35\text{cm}$ を用いる.

ペイロードシールド配置位置を核融合爆発点より 180m の地点とすれば, そこに入射する中性子線量は,

$$S_{\text{psh}} = S_{\text{scm}} \times \frac{L_c^2}{180^2} \tag{2-5-5}$$

である. ここで, L_c は核融合爆発点よりコイル後方表面までの距離である. ペイロードシールドには LiH を使用するが, その厚さを l_{psh} とすれば, ペイロードシールド後方表面での線量当量 $S_{\text{psh}}^{\text{out}}$ は,

$$S_{\text{psh}}^{\text{out}} = S_{\text{psh}} \times \exp \left(- \frac{l_{\text{psh}}}{\lambda_{\text{LiH}}} \right) \tag{2-5-6}$$

である. 居住区域での線量当量 S_{pl} は, 逆 2 乗の法則により,

$$S_{\text{pl}} = S_{\text{psh}}^{\text{out}} \times \frac{(180 + l_{\text{psh}})^2}{200^2} \tag{2-5-7}$$

となる. ここでは, S_{pl} を 1 rem/年以下になるように l_{psh} を計算する.

また、コイル後方全てにペイロードシールドを配置すると、重量 M_{psh} が大きくなりすぎるので、配置するのは1部だけとし、居住区域を制限することにする。ペイロードシールド重量 M_{psh} を一定としたとき、居住区域の割合 Σ_{crew} は、次式で与えられる。

$$\Sigma_{\text{crew}} = \frac{M_{\text{psh}}}{\rho_{\text{LiH}} \times l_{\text{psh}} \times (4\pi \times 180^2 \times \frac{\Omega}{4\pi})} \quad (2-5-8)$$

ここで、 $\frac{\Omega}{4\pi}$ はコイルの占める立体角である。上式の分母は、コイル後方全てに配置したときのペイロードシールド重量を表す。ターゲット設計のところで述べた様に推進材として、水素も積み込まれる。この水素を遮蔽材として用いることができるので航行の初期には、実際は Σ_{crew} はもっと広くとれる。

2-5-2 冷凍システム⁴⁾

核融合ロケットでは、磁場の生成のために超電導コイルを用いるが、超電導コイルには冷却が必要である。また、ピックアップコイルの電送線にはAlを低温にし抵抗率を小さくして用いるので、ここにも冷却が必要である。これらの冷却には、冷凍機を用いる。

低熱源に P_{low} の熱源があるとき、これを高熱源へ供給するために要する熱量 P_{high} は、次式で与えられる。

$$P_{\text{high}} = \frac{1}{\eta \times \beta_R} \times P_{\text{low}} \quad (2-5-9)$$

ここで、 η はポンプ効率、 β_R は冷凍機成績係数であり、次式で与えられる。

$$\beta_R = \frac{T_1}{T_1 - T_2} \quad (2-5-10)$$

ここで、 T_1, T_2 はそれぞれ高熱源と低熱源の温度である。

核融合ロケットでは、図2-6に示すような熱の流れで、超電導コイル (4.2K) と電送線 (20K) に発生す

図2-6. 熱の流れ図。

る熱は、一度室温（30K）に引き上げ、さらに1000K にまで引き上げた後、ヒートパイプで排熱する。

4.2K から300K へ引き上げるためにはクロード機関を用い、それ以外にはスターリング機関を用いる。それぞれの機関についての重量は、次式で与えられる。

$$M_{\text{claudé}} = 0.167 \times P_{\text{low}}^{2/3} (\text{tons}) \quad (2-5-11)$$

$$M_{\text{stirling}} = \rho_{\text{st}} \times P_{\text{high}} (\text{tons}) \quad (2-5-12)$$

ρ_{st} は、使用するスターリング機関の熱量に対する重量比（tons/We）である。

1000K で使用されるヒートパイプの重量は、

$$M_{\text{HP}} = \rho_{\text{wall}} \times t \times \frac{Q}{\lambda_{\text{R}}} \quad (2-5-13)$$

である。ここで、 ρ_{wall} はヒートパイプ壁材密度、 Q は排熱される熱量、 λ_{R} は1000K における単位表面積当たりの輻射率である。

2-5-3 燃料タンク

核融合ロケットの燃料として、核融合燃料ターゲット（アブレーター材を含む）と推力調整用の推進材がある。これらを貯蔵しておくタンクは球形であると仮定し、その半径を R_{T} とすれば、

$$R_{\text{T}} = \left(\frac{3M_{\text{F}}}{4\pi\rho_{\text{F}}} \times \frac{1}{\beta_{\text{M}}} \right)^{1/3} \quad (2-5-14)$$

である。ここで、 M_{F} は燃料重量、 ρ_{F} は燃料密度、 β_{M} は燃料のタンク内体積占有率である。

燃料重量は、最大でも6000ton 程度と考えられる。また、燃料の大半は推進材に使用される水素であり、スラッシュ状態で貯蔵するとし、密度は $0.0763\text{g}/\text{cm}^3$ とする。体積占有率を75%と仮定すれば、タンクの半径は最大でも13.6m である。

タンク壁の厚さを t_{L} とすれば、

$$t_{\text{L}} = \frac{PR_{\text{T}}}{2\sigma_{\text{u}}} \quad (2-5-15)$$

である。ここで、 σ_u は壁材の使用応力であり、壁材に SUS を使用すれば、 $\sigma_u = 100\text{MPa}$ 程度である。 P はタンク内の圧力であり、水素の飽和蒸気圧 P_1 と、ロケットの加速により燃料がかかる圧力 P_H となる。

$$P_H = \rho_F \times a \times 2 R_T \quad (2-5-16)$$

ここで、 a はロケットの加速度であり、最大でも 10cm/sec^2 程度である。水素の 13.8K (三重点) における飽和蒸気圧は 7.2KPa 程度であるので、内圧は約 7.4KPa である¹²⁾。従って、タンク重量は

$$M_T = 4 \pi R_T^2 \times t_L \times \rho_t \quad (2-5-17)$$

と見積られ、最大でも約 12ton であると考えられる。ここで、密度 $\rho_t = 10.9\text{g/cm}^3$ とした。

2-5-4 タイバー (支持柱)

ロケットのコンポーネントを支持するために、タイバーが必要である。タイバーには、 $F = \dot{m} \omega f(\text{N})$ の力が加えられる。ここで、 $\dot{m}$ はターゲット重量、 ω は核融合プラズマの排出速度、 f は核融合周波数である。 $\dot{m}$ 、 ω はそれぞれ最大で、10g、 $1 \times 10^6\text{m/sec}$ 程度と考えられる。これに耐えるためのタイバーの面積を

$$S_{TB} = \frac{F}{\sigma_u} \quad (2-5-18)$$

とする。 σ_u はタイバー材の使用応力で、グラスファイバーを用いれば、 $\sigma_u = 330\text{MPa}$ 程度である。重量は次の式で与えられる。

$$M_{TB} = \rho_{TB} \times S_{TB} \times L_{TB} \quad (2-5-19)$$

ρ_{TB} はタイバー材の密度で、 $\rho_{TB} = 1.89\text{g/cm}^3$ とする。 L_{TB} はタイバーの長さである。

$L_{TB} = 200\text{m}$ と仮定すれば、 M_{TB} は $0.01 \times f(\text{ton})$ となる。

2-5-5 始動用原子炉¹³⁾

ロケットが飛行中の時は、レーザーを照射するためのエネルギーは、核融合爆発からピックアップコイルを通して得られるが、ロケットが始動する際には、そのようなエネルギーを得ることはできない。そのため

図2-7. 設計のフローチャート.

に、始動用の原子炉を積んでおく必要がある。

この原子炉に、75kWe の発電を行う方式をとれば、その重量は約 5 ton 程度になると考えられる。

2-6 パワープラント重量

2 章で述べた以上のコンポーネントをロケットのパワープラントとし、その総重量をパワープラント重量 M_p とする。今までに述べた、設計のフローチャートを図2-7に示す。

3. ロケットの性能計算

3-1 ロケット性能¹⁴⁾

ロケットの出力 P は、ドライバーエネルギーを E 、ペレットゲインを G 、核融合周波数を f 、推力への変換効率（運動量）を f_T とすると、次の式で与えられる。

$$P = \alpha_p \times E \times G \times f \times f_T^2 \quad (3-1-1)$$

α_p は核融合エネルギー中で荷電粒子の占める割合である。推進材の排出速度を $\omega(t)$ 、ロケットの重量を $M(t)$ とすると、次のようにも表せる。

$$P = -\frac{1}{2} \times \frac{dM(t)}{dt} \times \omega(t)^2 \quad (3-1-2)$$

また、ロケットの加速度 $a(t)$ は、

$$a(t) = -\frac{dM(t)}{dt} \times \omega(t) \times \frac{1}{M(t)} \quad (3-1-3)$$

である。式 (3-1-2), (3-1-3) より

$$-\frac{dM(t)}{dt} \times \frac{1}{M(t)^2} = \frac{a(t)^2}{2P} \quad (3-1-4)$$

という関係式が得られる。

加速度 $a(t)$ は t の一次式であるとし、航行時間 T (sec) の半分を加速し、残りを減速すると仮定すると、次の方程式が得られる。

$$\left\{ \begin{array}{l} a(t) = \alpha t + C \end{array} \right. \quad (3-1-5)$$

$$a(T/2) = 0 \quad (3-1-6)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} v(t) = \int_0^t a(t) dt \end{array} \right. \quad (3-1-7)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} D = \int_0^T v(t) dt \end{array} \right. \quad (3-1-8)$$

ここで、 α , C は定数であり、 D は航行距離である。この方程式を解くと、

$$a(t) = \frac{12D}{T^3} \left(\frac{T}{2} - t \right) \quad (3-1-9)$$

となる。

ロケットのパワープラント重量を M_P 、ペイロード重量を M_L 、燃料（核融合ターゲット＋推進材）重量を M_F とする。距離 D を往復するとして、片道に時間 T を要するとする。出発時のロケット重量 $M(0)$ 、帰還時のロケット重量 $M(2T)$ はそれぞれ次のように仮定する。

$$M(0) = M_P + M_L + M_F \quad (3-1-10)$$

$$M(2T) = M_P + M_L \quad (3-1-11)$$

式 (3-1-4) を上の条件に合わせて積分すれば、

$$\frac{1}{M(2T)} - \frac{1}{M(0)} = \frac{1}{2P} \left\{ \int_0^T a(t)^2 dt + \int_T^{2T} a(t)^2 dt \right\}$$

$$= \frac{12D^2}{PT^3} \quad (3-1-12)$$

となる。ここで簡単のために、次のような定義をする。

$$\alpha \equiv \frac{6D^2}{\eta T^3} \quad (3-1-13)$$

ここで、 η は比出力であり、 $\eta \equiv \frac{P}{M_P}$ で定義される。式 (3-1-12) を M_F について解けば、

$$M_F = \frac{\alpha (M_P + M_L)^2}{M_P - 2\alpha (M_P + M_L)} \quad (3-1-14)$$

である。この式より、 $\alpha \geq \frac{M_P}{2(M_P + M_L)}$ となると、 M_F が負になり、ロケットとして成立しなくなることがわかる。

次にターゲットのイオン化について考慮する。式 (3-1-2) (3-1-3) より、 $\omega(t)$ について解けば、

$$\omega(t) = \frac{2P}{a(t)M(t)} \quad (3-1-15)$$

である。ここで、 $M(t)$ は式 (3-1-4) を積分することにより求めることができる。この時、ターゲット 1 個当たりの重量（推進材を含む）は、(3-1-2) 式より、

$$\dot{m}(t) = \frac{2P}{f\omega(t)^2} \left(f\dot{m} = -\frac{dM}{dt} \right) \quad (3-1-16)$$

という式で求めることができる。

推進材は、核融合エネルギー中の荷電粒子によりイオン化され、推力変換に利用されるのであるが、その重量が大きすぎると、イオン化に費やされるエネルギーが大きくなり過ぎ、核融合エネルギーから推力への変換ができなくなってしまう。核融合エネルギー中の荷電粒子が持つエネルギーの内で、推進材のイオン化に費やされるエネルギーの割合の上限を 1% と仮定すれば、H 1 g をイオン化するのに必要なエネルギーは

1.31MJであるから、ターゲット1個の重量の上限は次のように与えられる。

$$\dot{m}_{\max} = \frac{E \times G \times \alpha_p \times 0.01}{1.31 \times 10^6} \quad (\text{g}) \quad (3-1-17)$$

(3-1-16) 式で求めるターゲット1個の重量が、上記の $\dot{m}_{\max}$ を越えてしまう場合には、ロケットとして成立しなくなるとする。ターゲット重量は、 $t=0$ のとき最大となるので、そのときのみ検討すればよい。

この時、 $\alpha < \frac{M_p}{2(M_p + M_L)}$ となるのは、明らかである。

以上の条件を考慮すれば、航行距離 D に対する最短航行時間 $T_{\min}$ を得ることができる。ロケット性能として、この $T_{\min}$ を評価する。

式 (3-1-1), (3-1-14), (3-1-15), (3-1-16) より、ターゲット1個当たりの重量に関し、次の式が得られる。

$$\dot{m} = \frac{2P}{f} \times \frac{9D^2 T^2 M_{PL}^2}{(PT^3 - 12M_{PL}D^2)^2} \quad (M_{PL} \equiv M_p + M_L) \quad (3-1-18)$$

$\dot{m} = \dot{m}_{\max}$ の時、ロケットは最大の推力を得、さらには $T = T_{\min}$ を得る。よって、式(3-1-17), (3-1-18) を等しいとおいて次の式を得る。

$$\frac{P}{M_{PL}} = 12 \frac{D^2}{T^3} + 9.98 \times 10^6 \times \frac{D}{T^2} \quad (3-1-19)$$

$\frac{P}{M_{PL}}$ は、比出力 $\eta \left(\equiv \frac{P}{M_p} \right)$ と次のような関係がある。

$$\frac{P}{M_{PL}} = \frac{\eta}{1 + \frac{M_L}{M_p}} \quad (3-1-20)$$

D が一定で、 T が減少すれば、右辺は大きくなる。従って性能を良くするためには $\frac{P}{M_{PL}}$ (あるいは η)

を大きくすれば良いことがわかる。 P はパラメーター E, G, α_p, f, f_T の関数であり、式(3-1-1) の様に表される。 M_{PL} も E, G, α_p, f, f_T の変化により値は変化するものの、その関係を表記することは困難である。従って、 M_{PL} はパラメータを変化される度に2章で述べた式により計算する必要がある。

3-2 ロケットの性能計算及び結果

3-2-1 性能に対するペレットゲイン依存性について

ドライバーエネルギーを5MJ, 核融合周波数を30HZとし, ターゲット材としてDT 燃料を用いる. このとき, ペレットゲイン $G=500, 1000, 1500$ について, 性能計算を行った. その際に用いたロケット重量データを表3-1に示す. ペイロード重量は100ton とする. 性能計算の結果を, 図3-1に示す.

この結果, $G=500\sim 1000$ までは, ゲインが大きくなるにつれて, 性能が良くなっているが, 1000を超えると, それほど性能が良くなっているとは言えない.

これは, 図3-2に示す様に, $G>1000$ では, $\frac{P}{M_{PL}}$ が増

加しないためである. ロケット出力 P が増大すると M_{PL} も増加する. 式 (3-1-19) に示す様に $\frac{P}{M_{PL}}$ が増加しないと性能が良くならない. M_{PL} の増加の主な原因は, 表3-1に示されているように, 出力 P の増大に伴う中性子エネルギーの排除に要するラジエーター重量の増加であると言える.

表3-1. ロケット重量データ ($f=30\text{Hz}$, DT 燃料)

Gain	500	1000	1500
Thrust Chamber	175	291	616
Coil	37	45	67
Shield	94	111	145
Radiator	44	135	404
Power System	45	55	63
Pickup Coil	0.7	0.7	0.7
Capacitor	19	19	19
Trans. Line	25	35	43
Driver System	152	152	152
Laser	31	31	31
Radiator	107	107	107
Mirror	14	14	14
Payload Shield	100	100	100
Tank	12	12	12
Tie Bar	0.03	0.03	0.03
Refrig. System	3	4	4
Startup Reactor	5	5	5
Total	492	619	952

(ton)

図3-1. ロケット性能 ($D-T_{\min}$ 図) (G の依存性).

図3-2. $G-\frac{P}{M_{PL}}$ 図.

3-2-2 性能に対する核融合周波数依存性について

ターゲット材としてDT 燃料を用い, ドライバーエネルギー5MJ, ペレットゲイン1500とする. このとき核融合周波数 $f=10, 30, 50\text{Hz}$ についての計算を行った. その際に用いたロケット重量データは表3-2に示す. ペイロード重量は100ton とする. 性能計算の結果は, 図3-3に示す.

表3-2. ロケット重量データ ($G=1500$, DT 燃料)

Rep. Rate	10Hz	30Hz	50Hz
Thrust Chamber	270	616	1945
Coil	67	67	67
Shield	137	145	148
Radiator	66	404	1730
Power System	63	63	63
Pickup Coil	0.7	0.7	0.7
Capacitor	19	19	19
Trans. Line	43	43	43
Driver System	76	152	257
Laser	31	31	31
Radiator	31	107	212
Mirror	14	14	14
Payload Shield	100	100	100
Tank	12	12	12
Tie Bar	0.01	0.03	0.05
Refrig. System	3	4	5
Startup Reactor	5	5	5
Total	529	952	2387

(ton)

この結果, $f=10\text{Hz}\sim 30\text{Hz}$ までは, f が大きくなるにつれて性能が良くなっているが, 30Hz を超えると性能は劣ってきている. これは図3-4に示す様に, P の増大率よりも, M_{PL} の増大率が大きくなった結果 $\frac{P}{M_{\text{PL}}}$ が, 減少するからである. また, 重量 M_{PL} 増加の原因は, P の増大に伴う中性子エネルギーの排除に要するラジエーター重量の増加, 及び f を大きくするために必要なドライバーシステム重量の増加であると言える. (表3-2参照)

3-2-3 ロケット性能に対する燃料の依存性

次に, ターゲット燃料を変え, DD, D^3He を用いた場合を計算した. ここで, ドライバーエネルギーを 5MJ , 核融合周波数を 30Hz とし, ベレットゲインは, 2020年代の技術で予想されるものとし, DD, D^3He ともに 250 とした²⁾. (表2-1参照) この際に用いた重量データを表3-3に示す. ペイロード重量は 100ton とする. 性能計算の結果を図3-5に示す.

この結果, D^3He 燃料を用いた場合, DT 燃料 ($G=1500$) とほぼ同様の結果を得, DD 燃料を用いた場合は性能が劣ることがわかった. 表3-4に示されるように $\frac{P}{M_{\text{PL}}}$ 値が, DT と D^3He はほぼ同じで, DD は小さくなる為である. DT に比して D^3He では, 出力 P は劣るものの, 表3-3に示す様に中性子エネルギー排除に関するコンポーネントが必要でないため M_{PL} が小さくなる.

図3-3. ロケット性能 ($D-T_{\text{min}}$ 図) (f の依存性). 図3-4. $f - \frac{P}{M_{\text{PL}}}$ 図.

表3-3. ロケット重量データ ($f=30\text{Hz}$)

Target	D ³ He	DD	DT
Thrust Chamber	170	153	616
Coil	65	45	67
Shield	101	97	145
Radiator	4	11	404
Power System	60	51	63
Pickup Coil	0.7	0.7	0.7
Capacitor	19	19	19
Trans. Line	40	31	43
Driver System	152	152	152
Laser	31	31	31
Radiator	107	107	107
Mirror	14	14	14
Payload Shield	100	100	100
Tank	12	12	12
Tie Bar	0.03	0.03	0.03
Refrig. System	3	3	4
Startup Reactor	5	5	5
Total	502	476	952

(ton)

図3-5. ロケット性能 (D - $T_{\min}$ 図) (燃料の依存性).表3-4. 燃料 — $\frac{P}{M_{PL}}$ 比較表

Target	D ³ He	DD	DT
Rocket Power (P)	14.3GW	9.51GW	23.8GW
PowerPlant Mass (M_P)	502ton	476ton	952ton
Payload Mass (M_L)	100ton	100ton	100ton
$\frac{P}{M_{PL}}$	23.8W/g	16.5W/g	22.6W/g

3-2-4 他の推進システムとの比較

これは大変難しい。もうすでに実用化している化学ロケット，あるいは実用化目前のイオン・スラスター，MPD (Magneto Plasma Dynamic) スラスターから，あまり設計が行われていない光子ロケットまで，開発・実用化段階がそれぞれにより違い，またそれに対応して詳細に設計が行われ性能が正確に把握できるものから，ただ単に予測あるいは期待される性能が挙げられるものまで大変に広い範囲にわたるからである。

核融合ロケットに関して言えば，1960年代後半核融合の実用化が今すぐにもできると非常な楽観論がまだ支配していた時期には，磁場閉じ込め方式の一種であるミラー型に基づいて多くの概念設計が提案されていた¹⁵⁾。しかし，現在ではミラー型に関する大型の研究開発の計画は世界中にはない。磁場閉じ込め方式では，トカマク型が開発競争で一歩先んじている。従って最近では，トカマク型に基づく核融合ロケットが設計されている^{16), 17)}。核融合プラズマの閉じ込め性能を劣化させることなく推力発生用に磁場配位を（例えばダイバータを用いて）設計することが重要であろう。磁場閉じ込め方式では，強力な磁場によりプラズマをおおう形で閉じ込める。従って，磁場発生用のコイルは中性子の照射を受けるので，重いシールド，またシールドに落ちた中性子のエネルギーを排熱するための重いラジエーター（ヒートパイプ）が必要となる。ロケット応用を考えると，DT 核融合反応は候補となりえず，DD, D³He 等の中性子発生量の少

ない反応を利用したものになるであろうが、そのためには、さらに困難なプラズマ閉じ込め技術が要求される。トカマク型ロケットの例として、Bussard の DD 燃料ロケット¹⁷⁾では、 $\frac{P}{M_{PL}}$ は 1.8W/g 、 η は 3.7W/g であり、Borowski のスピン偏極 D^3He 燃料ロケット¹⁶⁾は $\eta = 5.75\text{W/g}$ である。但し、ここでの η の定義は $\frac{P}{M_{PL}}$ であり、 P としては全核融合 (熱) 出力をとる。3-1 の議論でも述べたように、 η は大きいほど良いのであるが、本論文での設計例では 231W/g であった。また VISTA では 120W/g である¹⁾。他の例は文献¹⁸⁾にまとめてある。但し、挙げられている数値は、 $1/\eta$ である。

米ソとも火星探査には、現在のところ原子力推進ロケットを考えているようである。従って、核融合ロケットの競争相手は、原子力推進ロケットであろう。原子力推進ロケットでは、最も有望と考えられるものは核分裂電気推進型ロケットである。この型では、核分裂炉は単なる電力発生装置として考えられており、その電力を利用して、イオン・スラスター、MPD スラスター、あるいはアークジェット等の電気推進システムを働かせることになる。文献¹⁸⁾に $1/\eta$ が挙げられている。但し、出力は電気出力であり、ここでは熱出力を用いていることに注意が必要である。熱から電力への変換効率はせいぜい 15% 程度と考えられるので、ここでの結果と比較すれば、約 1 桁の修正が必要である。典型的な例として、 5kg/kW (electric) をとると、 2W/g ということになる。

従って、「ここで仮定された性能が実現化される」としたときに限れば、レーザー核融合ロケットが一番有望であると考えられる。

4. 結論

核融合ロケットの性能に対する、ペレットゲイン、核融合周波数、燃料の種類等の依存性を求めた結果、次の結論を得た。ここでは性能として、航行距離 D に対する最短航行時間 $T_{\min}$ をとった。

- ・ペレットゲイン G に関しては、ある程度の値までは G が大きくなるにしたがい性能は良くなるが、過剰に大きくしても性能が良くなるとは言えない。本論文の計算からは $G = 1300$ 程度が最適であった。
- ・核融合周波数 f も、ペレットゲインと同様にある程度の値までは性能は良くなるが、過剰に大きくしても性能は良くならない。むしろこの場合、劣ってくると言っても良い。本論文の計算からは $f = 30\text{Hz}$ 程度が最適であった。
- ・燃料としては、ロケット出力 P を大きくとれる DT 燃料、または、中性子に関する重量がほとんど無いためにロケット重量 M_{PL} が小さく設計できる D^3He が、適していると思われる。
- ・他の推進システムとの比較から、核融合ロケットが大変有望であることが示される。

以上が本論文の結論であるが、ペレットゲインについて言えば、現状ではドライバエネルギー 5MJ に対するゲインは図 2-1 に示されるように一番楽観的に見積っても $G = 1000$ 程度とされており、 1000 を超えるようなゲインを達成するためには、流体力学的効率 (図中の η) の飛躍的改善などが要求されている。また、ピックアップコイルによるエネルギー回収についても本論文では、あくまでも概算しか行っておらず、

文献19)のような詳しい計算も必要と考えられる。ドライバーの設計でも, KrF レーザー用電子ビーム励起装置などを考慮する必要がある。以上のような点について, 今後の調査, 研究の余地を残している。

地上用レーザー核融合炉では, 典型的には $G=100\sim400$, $f=1\sim10\text{Hz}$, レーザーエネルギー $1\sim10\text{MJ}$ 程度である。ロケットに対しては, 要求性能が若干高い様であるが, 地上用では炉キャビティ内でのトリチウム増殖, 熱エネルギー変換, 衝撃波からの防護等, 厄介な問題を考える必要がある。推力変換には, プラズマと磁場の相互作用を利用する訳であるが, 磁場閉じ込め方式で見られる様な各種不安定性が予測されている。最終的には実験で確かめる必要があるが, single shot ベースの実験炉で早い時間に行うことになるであろう。ドライバーの開発も含めて, 地上用の炉開発スケジュールにうまく取り込んでおく必要がある。

本論文をまとめるに当たり, 多くの方に議論していただいた。ここに, 感謝の意を表します。また, 本論文について, 多くの方のコメントや意見をいただきたい。

参 考 文 献

- 1) C.D. Orth *et al.* : UCRL-96676 (1987).
- 2) C.D. Orth : *Proc. Special Minicourse on Fusion Applications in Space* (1988) 113.
- 3) J. Meyer-Ter-Vehn : Nucl. Fusion **22** (1982) 561.
- 4) R.A. Hyde *et al.* : AIAA Paper No. 72-1063 (1972).
- 5) 電気学会通信教育会著 : 超電導工学 (オーム社, 東京, 1974).
- 6) G.P. Lasche : UCRL-53434 (1983).
- 7) A. Bond and A.R. Martin : J. Brit. Interplanetary Soc., Project Daedalus Final Report, (1978) S63.
- 8) R.W. Werner and G.A. Carlson : UCRL-50294 (1967).
- 9) L.A. Glenn and D.A. Young : Nucl. Eng. Des., **54** (1979) 1.
- 10) D.B. Harris : Fusion Technol. **11** (1987) 705.
- 11) Y. Seki *et al.* : JAERI-M 82-054 (1982).
- 12) P.C. Souers : *Hydrogen Properties for Fusion Energy*, (University of California Press, London, England, 1986).
- 13) 安田秀志, 他 : 第9回宇宙エネルギーシンポジウム, (1990) **30**.
- 14) R.A. Hyde : UCRL-88857 (1983).
- 15) 深井佑造 : “科学朝日” (Mar. 1989) **24** また, 河島信樹他, 核融合研究**31** (1974) 244. も参照のこと.
- 16) S.K. Borowski : AIAA Paper No. 87-1814 (1987).
- 17) R.W. Bussard : J. Propulsion **6** (1990) 567.
- 18) J.R. Roth : Fusion Technol. **15** (1989) 1375.
- 19) H. Nakashima *et al.* : Fusion Eng. Des. 掲載決定.