熟練操縦者の制御戦略を考慮した旋回クレーンの制御†

大 音 光 博*・安 信 誠 二**

A Rotary Crane Control Method Based on a Skillful Operator's Knowledge

Mitsuhiro OHTO* and Seiji YASUNOBU**

A crane active on the construction site is the loading machine that transports load to a fixed position by doing the turn movement centering on a part of the boom. The fulcrum of the rope draws circular arc tracks in such turn cranes and the behavior of load is very complex. Therefore the operations that maintain sway of a turn crane depend on an operator's skill. We propose anti-sway control method of the rotary crane based on a skillful operator's knowledge. The computer simulation and experiment of the loading control were executed by using this method. It was confirmed that the proposed method is effective.

Key Words: rotary crane, operator's skill, anti-sway control

1. はじめに

建設現場等で活躍するクレーン車等は、ブームの一端を中心に旋回運動を行うことにより荷物を所定の位置まで運搬する荷役機械である。このような旋回クレーンにおいては、所定位置までの運搬時間短縮が重要な課題の一つである。このクレーンでは、ブームが旋回運動を行うことから、ロープ支点は円弧状の軌跡を描くため、吊り荷の揺れは、遠心力の影響を考慮した円錐振子としてモデリングする必要がある¹⁾。また、吊り荷の支点の運動自体もクレーン本体のダイナミクスの影響を受けるために、複合動作時の吊り荷の挙動はいっそう複雑化することになる。つまり、ブームの位置（旋回角度）と吊り荷の揺れの両方を同時に制御しなければならないことは、天井走行クレーン^{2)~6)}などと同様であるが、更に、吊り荷の揺れは二次元的な揺れである円錐振子であることから、その抑制はよりいっそう困難である。このような残留揺れの抑制は困難であったため、熟練操縦者の技術に頼る度合いが大きく^{7),8)}、非熟練者でも簡単に扱えるシステムが望まれており、自動化に向けた研究が進められている^{9),10)}。

そこで、本論文では、熟練操縦者が旋回動作のみによって、残留揺れを抑えた上手い制御を行っていることに注目して、

その制御戦略を解析し、残留揺れが円錐振子の形態をとる旋回クレーンの特性を充分考慮することによって、旋回動作のみにより、精度よく停止し、残留揺れを抑制できる制御方式を構築した¹¹⁾。更に、計算機シミュレーションと模型実験により、その有効性を検証する。

2. 旋回クレーンのダイナミクス

2.1 旋回クレーンのモデリング

本研究の制御対象である旋回動作を有するクレーンの振り子系は、旋回時（荷役作業時）における吊り荷支点の運動が直線上の軌道となる天井走行クレーンやコンテナ・クレーンなどとは異なる。このクレーンは旋回時における吊り荷の支点の運動が円弧状の軌道となるため、遠心力の影響を考慮して、吊り荷の揺れを円錐振子として、モデリングする必要がある。

ここでは、運動方程式の導出および制御問題としての定式化を行うため簡略化した数学モデル¹²⁾を用いる。クレーン本体（ブーム）およびロープを剛体とし、吊り荷を質点として取り扱う。また、ロープとその下端のフック等の重量も無視する。これにより、旋回クレーンはFig. 1のようなモデルで表される。用いた記号をTable 1に示す。

ここで、 α は X-Y 平面への吊り荷支点の投影点 O' と吊り荷の投影点 A を結ぶ線分 O'A とブームの投影線 OO' のなす角（吊り荷の進み角）であり、 β はロープと垂直線のなす角（吊り荷の振り上がり角）である。

2.2 運動方程式の導出

質点に働く力の各成分は、重力加速度を g とすると、

$$m\ddot{x} = -f \cdot \sin \beta \cdot \cos(\theta + \alpha) \quad (1)$$

$$m\ddot{y} = -f \cdot \sin \beta \cdot \sin(\theta + \alpha) \quad (2)$$

† 第 23 回知能システムシンポジウムで発表 (1996.3)

* 筑波大学大学院理工学研究科 つくば市天王台 1-1-1
現在、いすゞ自動車 (株)

** 筑波大学構造工学系 つくば市天王台 1-1-1

* Master's Program in Science and Engineering, University
of Tsukuba, Tsukuba
Now, ISUZU MOTORS LIMITED

** Institute of Engineering Mechanics, University of
Tsukuba, Tsukuba

(Received March 29, 1996)

(Revised November 5, 1996)

Fig. 1 Rotary crane system model

Table 1 Parameter in model

O	: center of rotating
P	: rope fulcrum
A	: projection point of load to X-Yplane
Q	: coordinates of load in base coordinate system
Q'	: coordinates of load in O' coordinate system
l	: rope length
r	: rotating radius of boom
B	: boom length
m	: mass of load
M	: mass of boom
J	: inertia moment of boom
theta	: rotating angle of boom
gamma	: undulation angle of boom
alpha	: rotating angle of load
beta	: swing up angle of load
f	: tension in rope
H	: height of rope fulcrum

$$m\ddot{z} = -mg + f \cdot \cos \beta \quad (3)$$

また、各座標と角度の間には次の関係がある。

$$x = r \cdot \cos \theta + l \cdot \sin \beta \cos(\theta + \alpha) \quad (4)$$

$$y = r \cdot \sin \theta + l \cdot \sin \beta \sin(\theta + \alpha) \quad (5)$$

$$z = H - r \cdot \cos \beta \quad (6)$$

今、振れが小さく β が小角、すなわち、 $\beta \ll 1$, $\cos \beta \simeq 1$ と線形近似すると、旋回動作においては、 H , l が一定であるので、式(6)から $\dot{z} \simeq 0$ 、従って、式(3)より、 $f \simeq mg$ となる。ゆえに、式(1), (2), (4), (5)から次式が求まる。

$$\ddot{x} = -\left(\frac{g}{l}\right)(x - r \cdot \cos \theta) \quad (7)$$

$$\ddot{y} = -\left(\frac{g}{l}\right)(y - r \cdot \sin \theta) \quad (8)$$

$$\ddot{\theta} = Ku \quad (9)$$

ここで、 K はブームの質量 M と慣性モーメント J を含む定数、 u は操作量である。

Fig. 2 Transition of load sway

上式が、旋回クレーンの吊り荷の運動(式(7), (8))と旋回動作(式(9))を記述する運動方程式である。吊り荷の運動はA点の運動に代表され、操縦者から見た吊り荷の運動はO'座標系において考えた方が直感的にわかりやすい。そのため、以後、O'座標系におけるA点の運動に注目する。O'座標系での吊り荷の座標(tp, rp)は、

$$tp = -(x - r \cdot \cos \theta) \cdot \sin \theta + (y - r \cdot \sin \theta) \cdot \cos \theta \quad (10)$$

$$rp = (x - r \cdot \cos \theta) \cdot \cos \theta + (y - r \cdot \sin \theta) \cdot \sin \theta \quad (11)$$

となる。

2.3 旋回クレーンの特性

天井走行クレーンなどは、ロープ支点が直線軌道を描くため、吊り荷の振れは1次元の振れとなり、ロープ支点の進行方向と吊り荷の振れ方向が常に一致している。しかし、旋回クレーンの場合、ブームが旋回動作を行うためロープの支点が円弧状の軌跡を描く。従って、ロープ支点の進行方向と吊り荷の振れ方向が、旋回角度に応じてずれるという特性を持つ。例えば、ブームを90deg旋回させる場合、初期位置においてブームの加速によって発生する旋回方向の振れは、最終到達位置における半径方向の振れとなる。ここで、ロープ支点の描く軌跡を基準円と呼ぶことにすると、旋回方向とは基準円の接線方向、同じく半径方向とは基準円の法線方向のことを指す。この時の吊り荷の振れが推移する様子をFig. 2に示す。

また、半径方向の振れに注目すると、旋回時には吊り荷に働く遠心力により、その振れの中心が基準円より外側に移動する。その振れの様子をFig. 3に示す。

このような特徴を持つ振れにどのように対応するかが旋回クレーン特有の問題である。

3. 制御方法の構築

旋回クレーンにおいて、起伏角を一定とし、旋回方向の操作のみを行う場合には、残留振れの旋回方向に対する振れに関しては、その振れ方向がブームの動作方向(ロープ支点

Fig. 3 Characteristic of load sway

の進行方向)と局所的に一致するため、ブームの旋回動作によってアクティブな制御を施し、その振れを抑え込むことが可能である。一方、残留振れの半径方向に対する振れに関しては、その振れの方がブームの動作方向と一致しないため、アクティブに対応することができない。しかし、熟練操縦者は旋回動作のみによっても、旋回方向、半径方向の両方向に対する残留振れの少ない上手な運転(制御)を行っている。ここでは、この点に着目し旋回動作のみによって残留振れを抑制した旋回クレーンの制御、すなわち、1つのアクチュエータによって、旋回方向、半径方向の2次元の残留振れを抑制する制御について検討を行う。

3.1 熟練操縦者の制御戦略

熟練操縦者の制御戦略を解析する。旋回クレーンはその構造上、吊り荷の振れの旋回方向成分と半径方向成分が旋回角度に応じて入れ替わったり、旋回中には遠心力により、半径方向の振れの中心が基準円より外側に移動するといった特徴を持つ。また、その振り子系はロープ長に応じた固有周期を持つ。熟練操縦者が残留振れの少ない上手な運転を行うことができるのは、このような旋回クレーン特有の性質を経験的に知っており、それを積極的に利用していると考えられる。つまり、熟練操縦者は、ブームの旋回時において、吊り荷に働く遠心力により外側にずれた半径方向の振れの中心をタイミングよく減速することにより元に戻し、本来ならば、ブームの起伏動作や、伸縮動作によって抑え込む半径方向の振れを旋回動作のみによって抑制している。

すなわち、熟練操縦者の操作は、旋回動作を加速領域、定速領域、減速領域の3つの領域に分割し、定速領域では意図的にある程度の振れを発生させるように加速し、半径方向の振れの様子を観察しながら、吊り荷が基準円上に戻ってくるタイミングを見計らって減速の動作を行う制御戦略に基づいている。

3.2 制御則の定式化

熟練操縦者の操作を定式化するために、Fig. 4に示す、ブー

Fig. 4 Modes of the traversing interval

Fig. 5 One example of a time trajectory of tangential direction

ムの旋回角速度パターンを作製した。図中のa~dが加速領域、d~eが定速領域、e~hが減速領域である。

ここで、Fig. 4から吊り荷の振れの特徴をよく表す位相平面図に移行し、具体的な設計を行う。旋回方向に対する振れに関しては、天井走行クレーンなどの振れ止め制御が応用できる。そこに、半径方向に対する振れをも同時に抑制するタイミングを付加した旋回角速度パターンを生成する。

旋回クレーンの場合、ブームの先端の加速度が $r\ddot{\theta}$ となる。吊り荷の振れの旋回方向に対する振れの位相平面上での軌跡を描いたものをFig. 5に示す。加速時(a~b, c~d)には $(0, -r\ddot{\theta}/g)$ 、減速時(e~f, g~h)には $(0, r\ddot{\theta}/g)$ 、定速時(b~c, d~e, f~g)には原点を中心とした円を描く。また、描く円の中心が切り換わる際に、吊り荷の振れ角(量) tp と振れ角速度 $\dot{tp}$ は連続でなければならないので、相軌跡はそれぞれの円弧をつなぎ合わせたものとなる。軌跡が円を描くのに要する時間は吊り荷による振り子系の固有周期 $T = 2\pi\sqrt{l/g}$ に等しく、軌跡は左回りに移動する。

ここで、目標旋回角度を θ_T とし、熟練者の操作の一例として、 T_1 から T_6 の各区間時間を以下のように決定する。

$$T_1 = T_6 = \frac{T}{6} \quad (12)$$

$$T_2 = T_5 = \frac{T}{3} - T_\alpha \quad (13)$$

$$T_3 = T_4 = \frac{T}{6} \quad (14)$$

$$T_m = \left(n + \frac{\pi + \theta_T}{2\pi} \right) T \quad (15)$$

n はゼロ以上の整数

式 (13) の T_α により加速領域終了後に意図的に残す振れの量を調節する。 T_α を大きくすると Fig. 5 の中心部分に現れている定速領域中の振れが大きくなり、逆に小さくすると振れが小さくなる。この T_α の値は、一定速度で旋回中に半径方向の振れと旋回方向の振れがほぼ同じとなるように位相面図より設定する。この定速領域に意図的に残す振れが、本論文で取り込んだ制御戦略の特徴を最も良く示す部分である。また、この場合、加速領域、減速領域はそれぞれ $((2/3)T - T_\alpha)$ の時間を要する。これより、目標位置に精度よく停止するために、目標角度を考慮した式 (15) で定速領域の時間を算出する。式 (15) は、吊り荷の固有周期に依存しており、ゼロ以上の整数 n によって減速のタイミングを周期単位で変更できる。一般には、最大旋回角速度がクレーンの性能から決まる速度を超えない範囲で最小の n を与え、旋回時間を最小にする。次に、平均角速度を ω_{av} 、最大角速度を ω_{max} 、角加速度を acc とすると、それぞれ以下のように求められる。

$$\omega_{av} = \frac{\theta_T}{T_m + 2(T_1 + T_2 + T_3)} \quad (16)$$

$$\omega_{max} = \frac{T_m + 2(T_1 + T_2 + T_3)}{T_m + T_1 + T_2 + T_3} \omega_{av} \quad (17)$$

$$acc = \frac{\omega_{max}}{T_1 + T_3} \quad (18)$$

これにより、目標旋回角度 θ_T を与えると、それに対応した、定速領域の時間 T_m 、ブームの角加速度 acc 、最大旋回角速度 ω_{max} 、平均旋回角速度 ω_{av} が算出され、熟練操縦者の制御戦略を反映したブームの旋回角速度パターンが求まる。

4. 構築した制御法の評価

前章で構築した制御方法を用いて計算機によるシミュレーションと模型クレーンを用いた実験を行い、その有効性を検証する。

4.1 計算機シミュレーションによる検証

ここで、ブームは速度フィードバック制御を行うが、減速のタイミングをはじめとする、旋回角速度パターンは吊り荷の固有周期に依存しており、パターンからのわずかな追従遅れが、制御結果に大きく影響を与える。よって、フィードバックゲインは大きめに設定し、追従性をよくした状態でシミュレーションを行った。

4.1.1 シミュレーション結果

任意の目標旋回角度に対して制御が可能であるが、ここでは、目標旋回角度が $90[\text{deg}]$ の場合についてシミュレーション

Table 2 Parameters in target angular velocity

$T_1 = T_6$	$= 0.2365$	[sec]
$T_2 = T_5$	$= 0.4431$	[sec]
$T_3 = T_4$	$= 0.2365$	[sec]
T_m	$= 3.9029$	[sec]
ω_{av}	$= 15.6929$	[deg/sec]
ω_{max}	$= 18.6476$	[deg/sec]
acc	$= 39.4778$	[deg/sec ²]

Fig. 6 Response of load sway

(a) Time trajectory of tangential direction

(b) Time trajectory of radius direction

Fig. 7 Time trajectory of the rope system

結果を示す。ブームの最大旋回角速度が $20[\text{deg/sec}]$ 程度になるように、式 (15) 中でパラメータ $n=2$ とした。目標旋回角速度パターンを形成する各パラメータを Table 2 に示す。旋回方向と半径方向の吊り荷の振れの時間応答を Fig. 6 に、

Fig. 8 Response of boom rotating

吊り荷の振れの旋回方向成分の位相平面上の軌跡を Fig. 7(a) に同じく半径方向成分の位相面上の軌跡を Fig. 7(b) に、ブームの旋回の時間応答を Fig. 8 にそれぞれ示す。

4.1.2 シミュレーションの考察

ここで、目標旋回角度に対して、半径方向の振れに注目すると、吊り荷の振れの時間応答 (Fig. 6)、あるいは位相平面軌跡 (Fig. 7(b)) より、定速旋回中には遠心力と式 (13) で設定した T_a の効果により、振れの中心が外側 (正の方向) にずれていることが確認でき、旋回動作のみでも、タイミング良く減速を行うことで、ずれた振れの中心を基準円上 (ゼロ) に戻し、旋回方向、半径方向共に残留振れを抑制した制御を実現できることを確認した。荷役作業終了後における若干の残留振れは、システムの非線形性によるものと推測される。また、ブームの旋回角度の時間応答 (Fig. 8) より、目標旋回角度に精度良く停止していることが確認できる。また、異なる目標旋回角度に対しても同様の結果が得られている。これらのことから、本研究において構築した制御方法の有効性を確認した。

4.2 模型実験による検証

次に、模型クレーンによる実験を行い、構築した制御方法の実機での有効性を検証する。

4.2.1 模型クレーン

作製した模型クレーンの概観を Photo. 1 に、構成を Fig. 9 に、その仕様を Table 3 に示す。

この模型クレーンは、ブームの旋回動作、若干のロープの巻き上げ、巻き下げ、電磁石による荷物 (鉄球) の脱着が可

Photo. 1 A rotating crane used in experiments

Fig. 9 Outline chart in experiment device

Table 3 Parameter of the rotary crane

m	: 0.05	[kg]
M	: 0.5	[kg]
B	: 0.5	[m]
l	: 0.5	[m]
r	: 0.35	[m]
K	: 0.585	[Nm/A]

能となっている。また、ブーム旋回軸上のポテンシオメータからブーム旋回角度を、旋回用モータ軸上の DC タコジェネレータからブーム旋回角速度を、ブームの先端に取り付けた CCD ボードカメラから吊り荷の位置をそれぞれ検出することができる。

ブームの旋回動作は、DC タコジェネレータで検出された速度信号と目標速度指令をモータドライバに入力し、速度フィードバック制御を行う。目標速度指令は、デジタル-アナログ

Fig. 10 Response of load sway

コンバータを介したコンピュータから電圧値 (-5~+5V) として出力する。

実機におけるクレーンの振れ止め制御では、吊り荷の振れ角をどのようにして検出するかという課題がある。これまで、ロープの支点にストレインゲージやポテンシオメータを取り付けて、その振れ角を検出する等の手段が用いられてきた。しかし、これらの方法は、ロープ長が長い場合、微小振れに対して計測誤差が大きいという欠点がある。そこで、ここでは、ブーム先端に CCD カメラを搭載し、ロープ下端の電磁石に発光ダイオードを取り付け、その光点を検出することで、吊り荷の位置 (振れ角) を測ることにした。CCD カメラからの、8bit (256 階調, グレースケール) データ, 320×240 dot を画像処理ボードのフレームメモリに取り込み、適当なしきい値を設定しコンピュータで 2 値処理を行う。制御全体としての処理速度を向上させるため、取り込んだデータにおいて、処理を行うために実際に走査する範囲は、前サンプリング時の座標を中心に 40×40 dot であり、その分解能は 2mm/dot である。制御系のサンプリング周期は 10msec である。

4.2.2 実験結果

シミュレーションと同様に、いくつかの目標旋回角度に対して実験を行った中で、目標旋回角度が 90[deg] の場合の結果について、吊り荷の振れの時間応答を Fig. 10 に、ブームの旋回の時間応答を Fig. 11 にそれぞれ示す。

4.2.3 実験の考察

吊り荷の振れの時間応答 (Fig. 10) より、旋回動作のみによって、旋回方向、半径方向共に残留振れを抑制した制御が実現できた。シミュレーションと比較した場合、残留振れが若干大きくなっているが、これは、旋回角速度パターンへの追従のわずかな遅れが、その要因の一つであると考えられる。更に、今回作製した模型クレーンのブームに剛性がやや不足していたため、吊り荷の振動により、ブーム自体に、わずかながらしなりが生じたことも、特に半径方向の残留振れを大きくした要因の一つではないかと推測される。しかし、残留振れは 2mm 程度であり、鉄球の直径 20mm に比較しても十分小さく、残留振れはほぼ抑えられているといってよい。また、ブームの旋回角度の時間応答 (Fig. 11) より、目標旋回角度に精度良く停止していることが確認できる。これらのこ

Fig. 11 Response of boom rotating

とから、本研究において構築した制御方法が実機に対しても有効であることを確認した。

5. おわりに

本論文では、クレーン車に代表される旋回クレーンを対象として、旋回動作のみで残留振れを抑制して、目標角度まで荷物を運搬する制御について検討した。

旋回クレーンの吊り荷の振れは円錐振子となるため、本来、ブームの旋回動作だけでは、半径方向に対する振れを押さえ込むことは困難である。しかし、熟練操縦者による運転では、旋回動作のみによって、その半径方向の振れも抑えた制御が成されている。そこで本研究では、熟練操縦者の運転に注目し、その制御戦略の解析から、ブームの加速終了後に遠心力による吊り荷の振れを意図的に発生させ、半径方向に対する振れの中心をロープ支点の描く軌跡である基準円に対して外側へとずらし、そのずらせた振れの中心が元に戻ってくるタイミングを見計らい、ブームを減速することによって、目標位置での旋回方向、半径方向の両方向に対する残留振れを抑制した制御方法を構築した。

本制御方法の有効性を評価するために、計算機によるシミュレーションを行った結果、半径方向に対する吊り荷の振れが遠心力により外側へとずれる様子が表れており、目標位置で精度良く停止し、かつ残留振れを抑えた旋回制御を実現することができた。更に、模型クレーンを自作し、実験を行った結果、シミュレーションと同様に目標位置における停止精度もよく、旋回方向、半径方向の両方向に対する残留振

れを抑制した制御を実現することができ、本制御方式が実機に対しても有効であることを実証した。また、運搬開始時に初期振れがある場合を考慮した制御方式については、現在検討を進めており機会をあらためて報告する。

参 考 文 献

- 1) 田中芳夫, 上田哲史, 川上博: 球面振子を有するクレーンのシミュレーション法, 日本機械学会論文集 (C 編), **59**-559, 814/818(1993)
- 2) 井口雅一: クレーンの制御に関する研究, 日本機械学会論文集 (第1部), **39**-320, 1225/1234(1973)
- 3) 森下巖: 走行クレーン運転自動化のための振れ止め制御, 計測自動制御学会論文集, **14**-6, 739/743(1978)
- 4) 美多勉, 金井隆: トロリーの最大速度に注目したクレーンの最適運転法, 計測自動制御学会論文集, **15**-6, 833/838(1979)
- 5) 進藤祐司, 孫耀明, 坂和愛幸: コンテナ・クレーンの振れ止め制御, 計測自動制御学会論文集, **19**-5, 430/432(1983)
- 6) 安信誠二: 予見 Fuzzy 制御方式によるコンテナ・クレーン自動運転, 計測自動制御学会論文集, **22**-10, 1066/1073(1986)
- 7) 山田新一, 藤川英司, 森田篤史, 鈴木雄三: 旋回クレーンのファジィ制御, 第8回ファジィシステムシンポジウム講演論文集, 45/48(1992)
- 8) 山田新一, 知久豊, 荒井哲三, 藤川英司: ファジィ制御による旋回クレーンの振れ止めに関する研究, 計測自動制御学会第34回学術講演会予稿集, 57/58(1995)
- 9) 井上, 中住, 福島: クレーンの旋回制御シミュレーション, 第30回自動制御連合講演会, 65/68 (1987)
- 10) 谷住, 芳村, 日野, 坂井: トラッククレーンの動特性のモデル化と制御に関する研究, 日本機械学会論文集 (C), 61-582, 549/556 (1995)
- 11) 大音光博, 安信誠二: 熟練操縦者の制御戦略に基づいた旋回クレーンの制御方法の提案” 計測自動制御学会第34回学術講演会予稿集, 63/64(1995)
- 12) 土屋輝雄, 伊藤公詞: 旋回クレーンの荷物の振れ止め制御, 計測と制御, **13**-10, 797/805(1974)

[著 者 紹 介]

大 音 光 博 (正会員)

1994年筑波大学第3学群基礎工学類卒業。1996年同大学大学院理工学研究科修了。同年いすゞ自動車株式会社入社、現在に至る。

安 信 誠 二 (正会員)

1973年神戸大学工学部計測工学科卒業。1975年同大学大学院修士課程修了。同年(株)日立製作所入社。1988年同社システム開発研究所主任研究員。1992年筑波大学構造工学系助教授、現在に至る。昭和60年度計測自動制御学会論文賞、平成4年度科学技術庁長官賞受賞。知的制御、ファジィ制御、ファジィ情報処理に関する研究に従事。日本ファジィ学会、電気学会、IEEEなどの会員。(工学博士)